UNIVERSITE LIBRE DE BRUXELLES
FACULTE DES SCIENCES

Electroproduction diffractive de mésons ρ à HERA

Dissertation présentée en vue de l'obtention du titre de Docteur en Sciences

Xavier JANSSEN

Décembre 2002

Résumé

La présente thèse, réalisée au sein du service de physique des particules élémentaires de l'ULB, porte sur l'analyse des données accumulées par l'expérience H1 au collisionneur électrons-protons HERA du laboratoire DESY (Hambourg).

Le contexte général de ce travail est l'étude des interactions diffractives qui se caractérisent par un état final hadronique présentant deux sous-ensembles de particules séparés par une large région de l'espace des phases dénuée de toute activité hadronique. De telles interactions s'interprètent, dans le cadre de la théorie de Regge, par l'interaction entre le proton et une fluctuation hadronique du photon intermédiaire émis par l'électron incident, via l'échange d'un objet portant les nombres quantiques du vide, le Pomeron. La compréhension des interactions diffractives en terme de la chromodynamique quantique reste cependant un défi majeur.

Cette analyse porte plus particulièrement sur la production diffractive de mésons ρ : $e^+ + p \rightarrow e^+ + \rho + Y$, où Y est le proton diffusé (intact ou dissocié) dans les domaines cinématiques $0.2 < Q^2 < 0.4$ GeV^2, $30 < W < 70$ GeV et $5 < Q^2 < 60$ GeV^2, $40 < W < 180$ GeV, où Q^2 est l'opposé du carré de la quadri-impulsion du photon intermédiaire et W l'énergie disponible dans le centre de masse photon-proton. Les données utilisées ont été récoltées durant l'année 2000 et correspondent à une luminosité intégrée de 42.4 pb^{-1}.

La déformation ("skewing") de la distribution de la masse invariante des deux pions de désintégration du méson ρ suite à l'interférence avec la production non-résonante de pions a été étudiée en fonction des variables Q^2 et t, le carré de la quadri-impulsion échangée entre les protons incident et diffusé. Les dépendances en $|t|$ des sections efficaces avec et sans dissociation du proton ont été extraites et paramétrisées suivant des dépendances exponentielles. La pente obtenue diminue avec Q^2 et est plus petite lorsque le proton se dissocie que lorsqu'il reste intact, l'interaction n'ayant pas lieu de manière cohérente sur l'ensemble du proton mais sur un quark constituant. Les 15 éléments de la matrice densité de spin du méson ρ ont été mesurés. Les résultats obtenus confirment l'observation de la violation de la conservation de l'hélicité dans le canal s observée antérieurement et permettent d'estimer le rapport R des sections efficaces longitudinale et transverse qui augmente avec Q^2.

La section efficace élastique $\gamma^* + p \rightarrow \rho + p$ a été mesurée dans le domaine cinématique $8 < Q^2 < 60$ GeV^2 et $40 < W < 180$ GeV en fonction de Q^2 et en fonction de W pour quatre valeurs de Q^2. La section efficace augmente plus rapidement avec W lorsque Q^2 augmente, s'écartant ainsi de la dépendance en W observée dans le cas des interactions hadron-hadron. Finalement, le rapport des sections efficaces de production diffractive de mésons ρ avec et sans dissociation du proton a été étudié en fonction de Q^2, et augmente avec Q^2.

Abstract

The present thesis, carried out within the Interuniversity Institute for High Energies (ULB), relates to the analysis of data accumulated by the H1 experiment at the electron-proton HERA collider in the DESY laboratory (Hamburg).

The general context of this work is the study of diffractive interactions which are characterized by a hadronic final state made of two subsets of particles separated by a broad phase space area devoid of any hadronic activity. Such interactions are interpreted, within the framework of Regge theory, by the interaction between the proton and a hadronic fluctuation of the intermediate photon, via the exchange of an object carying vacuum quantum numbers, the Pomeron. The comprehension of diffractive interactions in terms of the quantum chromodynamic remains however a major challenge.

This analysis consists more particularly to the study of diffractive ρ meson production : $e^+ + p \to e^+ + \rho + Y$, where Y is the outgoing proton (intact or dissociated) in the kinematic ranges $0.2 < Q^2 < 0.4$ GeV^2, $30 < W < 70$ GeV and $5 < Q^2 < 60$ GeV^2, $40 < W < 180$ GeV, where Q^2 is the opposite of the squared four-momentum of the intermediate photon and W is the photon-proton centre of mass energy. The data were collected during the year 2000 and correspond to an integrated luminosity of 42.4 pb^{-1}.

The skewing of the ρ meson invariant mass distribution due to interference with non-resonant production of pions was studied as a function of Q^2 and t, the square of the four-momentum exchanged at the proton vertex. The $|t|$ dependences of cross sections with and without dissociation of the proton were extracted and parametrized according to exponential dependences. The slopes obtained decreases with Q^2 and are smaller when the proton dissociates that when it remains intact. The 15 elements of the ρ meson spin density matrix were measured. The results obtained confirm the violation of the s-channel helicity conservation and make possible to estimate the ratio R of the longitudinal and transverse cross sections which increases with Q^2.

The elastic cross section $\gamma^* + p \to \rho + p$ was measured in the kinematic domain $8 < Q^2 < 60$ GeV^2 and $40 < W < 180$ GeV as a fonction of Q^2 and W. The cross section increases faster with W when Q^2 increases, thus deviating from the W dependence observed in hadron-hadron interactions. Finally, the ratio of proton dissociative to elastic diffractive ρ mesons production cross sections was studied as a function of Q^2.

Sommaire

Introduction

L'étude de la composition interne de la matière constitue l'un des axes principaux de recherche en physique. On trouve déjà des traces de cette question fondamentale chez les philosophes grecs de l'Antiquité. Pour Démocrite et quelques autres penseurs, la matière est composée de particules microscopiques insécables (*a-tomon*). A cette époque cependant, aucune médiation expérimentale ne permettait de confirmer une telle hypothèse et l'idée, proposée entre autres par Aristote, que la matière ait une structure continue domina la pensée philosophique. Ce n'est qu'à la charnière des XIX$^{\text{ème}}$ et XX$^{\text{ème}}$ siècles que les développements de la technique permirent de confirmer la pertinence du modèle atomiste. Ce que de nos jours, nous désignons par le terme "atome" n'est cependant pas une particule insécable, puisqu'il est constitué d'un noyau, composé de protons et de neutrons, autour duquel gravitent des électrons. Les protons et les neutrons sont eux-mêmes composés de quarks et de gluons qui sont les éléments de base de la théorie chromodynamique quantique (QCD). Au cours du XX$^{\text{ème}}$ siècle, l'étude du rayonnement cosmique et la construction des premiers accélérateurs mirent en évidence l'existence d'une myriade d'autres particules, les neutrinos, l'ensemble des mésons et des baryons, le photon et les bosons Z^0 et W. La physique des particules est la branche de la physique qui s'attache à étudier expérimentalement les propriétés de ces particules et leurs interactions.

Le collisionneur électrons-protons HERA, mis en fonctionnement fin 1991 au laboratoire DESY de Hambourg, a pour but principal, en prenant avantage de la nature ponctuelle de l'électron, de sonder la structure interne du proton. La statistique accumulée depuis 1992 par les expériences H1 et ZEUS a permis de mesurer les fonctions de structure du proton dans un domaine cinématique fortement étendu par rapport aux expériences sur cible fixe, les protons étant accélérés à une énergie de 920 GeV et les électrons à une énergie de 27 GeV, ce qui correspond à une énergie dans le centre de masse d'environ 320 GeV[1].

Dans les années 1970, l'étude des interactions hadron-hadron à haute énergie a mis en évidence une classe de réactions pour laquelle la structure interne des hadrons n'est pas résolue et l'état final présente deux sous-systèmes de particules séparés par une large région de l'espace des phases dépourvue de toute activité hadronique, la diffraction. En mécanique quantique, les processus diffractifs découlent naturellement de l'unitarité des amplitudes de diffusion et gouvernent la limite à haute énergie des sections efficaces totales hadron-hadron. Dans le cadre de la théorie de Regge, les processus diffractifs sont décrits par l'échange d'un objet portant les nombres quantiques du vide, le Pomeron. Cependant la compréhension du Pomeron en termes de quarks et gluons constitue un défi majeur pour la théorie QCD. L'accélérateur HERA ouvre un accès expérimental à cette étude grâce à l'utilisation de photons de haute énergie qui en résolvent la stucture.

[1]Dans ce travail nous utilisons le système d'unités naturel : $\hbar = c = 1$

Cette thèse porte plus particulièrement sur la production diffractive de mésons ρ : $e^+ + p \to e^+ + \rho + Y$, où Y est le proton diffusé (intact ou dissocié) dans les domaines cinématiques $0.2 < Q^2 < 0.4$ GeV^2, $30 < W < 70$ GeV et $5 < Q^2 < 60$ GeV^2, $40 < W < 180$ GeV, où Q^2 est l'opposé du carré de la quadri-impulsion de photon intermédiaire et W est l'énergie disponible dans le centre de masse photon-proton. Les données utilisées ont été récoltées durant l'année 2000 et correspondent à une luminosité intégrée de 42.4 pb^{-1}.

Ce travail comporte six chapitres.

Nous commençons, au chapitre 1, par rappeler les éléments expérimentaux et théoriques utiles à l'étude de la production diffractive de mésons vecteurs. Dans un premier temps, nous présentons les principales caractéristiques des sections efficaces totale, élastique et diffractive des interactions hadron-hadron, et nous introduisons la théorie de Regge. Nous décrivons ensuite les traits principaux des interactions profondément inélastiques, qui permettent d'étudier la structure en quarks et gluons du proton dans le cadre de la chromodynamique quantique. Après une brève introduction sur les interactions diffractives à HERA, nous passons en revue les résultats antérieurs ayant trait à la production diffractive de mésons vecteurs. Les approches théoriques de la production diffractive de mésons vecteurs basées d'une part sur la théorie de Regge et d'autre part sur la théorie QCD sont ensuite exposées. Ce chapitre se termine par une description du programme de simulation par Monte-Carlo utilisé dans ce travail pour corriger les données pour les effets expérimentaux et pour les effets radiatifs.

Dans le second chapitre, nous décrivons le collisionneur HERA et le détecteur H1.

Le troisième chapitre rassemble les aspects techniques de l'analyse. Nous décrivons d'abord les coupures effectuées afin de sélectionner les événements de production diffractive de mésons ρ, ainsi que la méthode de reconstruction de la cinématique. Nous étudions également les déclencheurs d'acquisition des données utilisés. Nous présentons ensuite les critères de séparation entre les productions diffractives de mésons ρ avec et sans dissociation du proton, utilisant les détecteurs situés autour du faisceau de protons sortants. Après avoir estimé les bruits de fond restant dans les différents échantillons, nous comparons les prédictions de la simulation par Monte-Carlo avec les données récoltées. La simulation est utilisée afin de corriger les données pour les efficacités de sélection, les acceptances du détecteur, les migrations et les effets des corrections radiatives. Nous terminons ce chapitre par la discussion des erreurs systématiques affectant nos mesures.

Le chapitre 4 présente l'étude de la distribution de la masse invariante des deux pions de désintégration du mésons ρ, des dépendances en t et du phénomène de "shrinkage". Les paramétrisations de Ross et Stodolsky et de Söding sont utilisées afin d'étudier, en fonction de Q^2 et de t, la déformation ("skewing") de la distribution de masse invariante due à l'interférence entre la production résonante de mésons ρ et la production non-résonante d'une paire de pions. Les dépendances en t des sections efficaces élastique et dissociative sont extraites et paramétrisées suivant des dépendances exponentielles, l'évolution en Q^2 du paramètre de pente résultant étant étudiée en fonction de Q^2 pour le canal élastique.

Le cinquième chapitre est consacré à l'étude de la structure en hélicité dans le domaine cinématique $8 < Q^2 < 60$ GeV^2. Nous présentons l'étude des distributions angulaires de production et de désintégration du méson ρ, et la mesure correspondante des éléments et des combinaisons d'éléments de la matrice densité de spin. La violation de la conservation de l'hélicité dans le canal s observée antérieurement est confirmée et nous extrayons le rapport des sections efficaces longitudinale et transverse. Finalement, l'ensemble des 15 éléments de la matrice densité de spin est obtenu par la méthode des moments.

Dans le sixième chapitre, nous présentons les mesures des sections efficaces de production diffractive de mésons ρ. Dans un premier temps la section efficace élastique $\gamma^* + p \to \rho + p$ est étudiée en fonction des variables Q^2 et W, dans le domaine cinématique $8 < Q^2 < 60$ GeV^2, $40 < W < 180$ GeV. Ensuite, nous déterminons le rapport des sections efficaces de production diffractive de mésons ρ avec et sans dissociation du proton dans les domaines cinématiques $0.2 < Q^2 < 0.4$ GeV^2 et $5 < Q^2 < 60$ GeV^2.

Nous regroupons finalement l'ensemble des résultats obtenus et présentons les conclusions de ce travail.

Chapitre 1

La production diffractive de mésons vecteurs

Dans ce chapitre, nous commençons par présenter les principales caractéristiques des sections efficaces hadron-hadron totale, élastique et diffractive. Nous introduisons également la théorie de Regge qui permet d'interpréter l'ensemble des ces résultats. Dans un second temps, nous passons en revue le cas particulier des interactions inclusives et diffractives à HERA. Nous nous concentrons ensuite sur la production diffractive de mésons vecteurs et terminons par la présentation du programme informatique de simulation utilisé dans la suite de ce travail.

1.1 Les interactions hadron-hadron et la théorie de Regge

1.1.1 Sections efficaces totales et élastiques

FIG. 1.1 – Représentations schématiques a) de la réaction inélastique $AB \to X$; b) de la réaction élastique $AB \to AB$.

Si nous considérons une expérience de collision entre deux hadrons (A et B) à haute énergie, l'état final peut être composé d'un ensemble de particules (X) peuplant une région continue de l'espace des phases, ce qui correspond à la réaction (voir figure 1.1a) :

$$AB \to X. \tag{1.1}$$

Une telle réaction est dite "inélastique". Cependant, les hadrons A et B peuvent également interagir de manière élastique, et dans ce cas la composition de l'état final est identique à l'état initial (voir figure 1.1b) :

$$AB \rightarrow AB. \tag{1.2}$$

Ces deux processus contribuent à la section efficace totale :

$$\sigma_{tot}(s) \quad = \quad \sigma_{inel}(s) + \sigma_{el}(s), \tag{1.3}$$

où s est le carré de l'énergie disponible dans le centre de masse AB.

La section efficace totale est reliée par le théorème optique à l'amplitude élastique vers l'avant $A(\theta = 0)$ suivant la formule :

$$\sigma_{tot}(s) \quad = \quad \frac{1}{16\pi s}\,\mathrm{Im}A(\theta = 0). \tag{1.4}$$

Cette relation implique que les parties inélastique et élastique de la section efficace totale ne peuvent exister séparément. Dès lors l'étude des interactions élastiques permet de contraindre le comportement de la section efficace totale, la partie réelle de l'amplitude étant en général petite.

La figure 1.2 présente la dépendance de la section efficace élastique proton-proton en fonction du carré de la quadri-impulsion t échangée entre les hadrons A et B pour différentes valeurs de l'énergie disponible dans le centre de masse. Une décroissance rapide est observée. De plus, à haute énergie, un maximum secondaire fait son apparition. Pour les petites valeurs de $|t|$ (avant le premier minimum), la section efficace élastique différentielle en t peut être décrite par une exponentielle décroissante de la forme :

$$\frac{\mathrm{d}\sigma}{\mathrm{d}t} \quad = \quad \left.\frac{\mathrm{d}\sigma}{\mathrm{d}t}\right|_{t=0} e^{-b|t|}, \tag{1.5}$$

où b est une constante positive de l'ordre de 10 GeV^{-2} dans le cas des interactions élastiques proton-proton. Cette décroissance est le reflet du fait que pour les grandes valeurs de $|t|$, l'impulsion transverse échangée étant élevée, la structure interne des hadrons est sondée, conduisant en général à une réaction profondément inélastique et à la dissociation du proton. *A contrario*, les interactions élastiques sondent la forme et la taille des particules en interaction, c'est-à-dire qu'elles sont un phénomène périphérique.

Le comportement de la diffusion hadron-hadron est analogue à celui observé lors de la diffusion de lumière au travers d'une ouverture circulaire, pour laquelle l'intensité observée en fonction de l'angle polaire θ est donnée par :

$$\frac{I}{I_0} \quad = \quad \frac{\left[2J_1(x)\right]^2}{x} \;\approx\; 1 - \frac{R^2}{4}\,(k\theta)^2\,, \tag{1.6}$$

où J_1 est une fonction de Bessel, R est le rayon de l'ouverture, k est le nombre d'onde et $x = kR\sin\theta$. Cette comparaison suggère qu'en première approximation la paramètre b représente l'aire des objets impliqués dans l'interaction, $k\theta$ étant l'impulsion transverse.

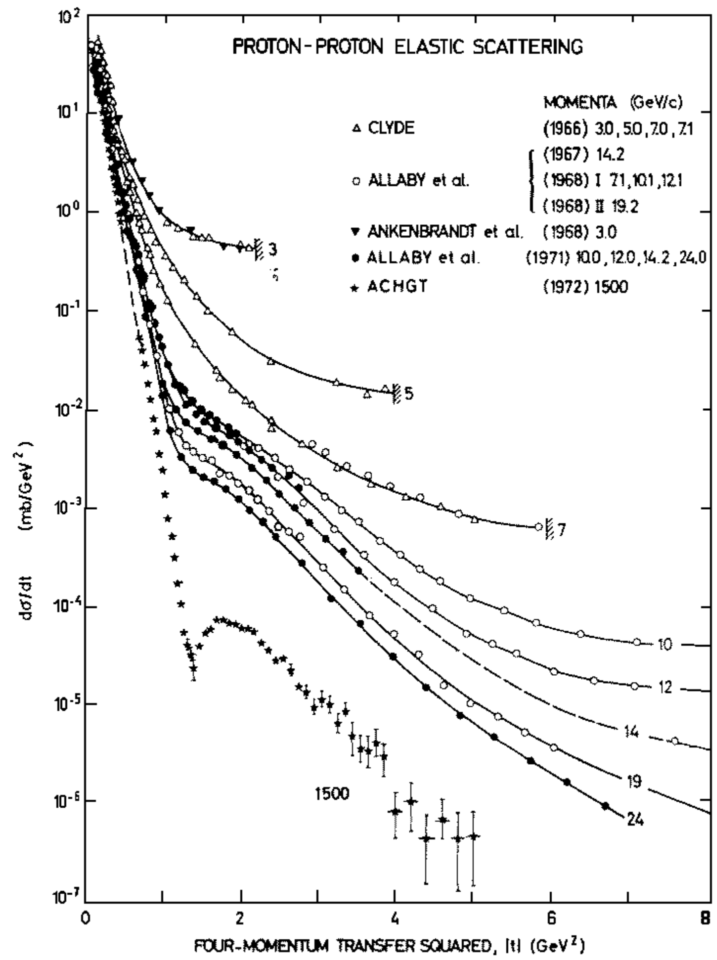


FIG. 1.2 – Compilation de mesures de la dépendance de la section efficace élastique proton-proton en fonction du carré de la quadri-impulsion échangée $|t|$ pour différentes valeurs de l'énergie ($\sqrt{s}$) [1].

FIG. 1.3 – Représentations schématiques des interactions diffractives a) avec dissociation simple ; b) avec dissociation double.

1.1.2 Les interactions diffractives

Dans ce travail, nous nous intéressons aux interactions diffractives, qui sont en quelque sorte une généralisation des interactions élastiques. Dans le cas des interactions diffractives, l'état final est composé de deux sous-ensembles de particules (X et Y) séparés par une large région de l'espace des phases dépourvue de toute activité hadronique (voir figure 1.3) :

$$AB \to XY. \tag{1.7}$$

On distingue les interactions diffractives avec dissociation simple, pour lesquelles l'un des deux systèmes est formé de la particule initiale (figure 1.3a), et les interactions diffractives avec dissociation double (figure 1.3b).

Afin de quantifier la séparation des deux systèmes composant l'état final, on peut utiliser la variable rapidité y définie pour une particule de l'état final comme :

$$y \;=\; \frac{1}{2}\ln\left(\frac{E+P_L}{E-P_L}\right), \tag{1.8}$$

où E et P_L sont respectivement l'énergie et la composante longitudinale de l'impulsion dans le système du centre de masse des particules incidentes. A haute énergie, là où la masse est négligeable, on utilise la pseudorapidité η comme approximation de la rapidité :

$$\eta \;=\; -\ln\tan\left(\frac{\theta}{2}\right), \tag{1.9}$$

où θ est l'angle polaire de la particule. Pour les interactions inélastiques, les particules sont distribuées uniformément en pseudorapidité, tandis que pour les interactions diffractives on observe un saut en pseudorapidité séparant les systèmes X et Y. Le saut en pseudorapidité ($\Delta\eta$) peut s'exprimer comme :

$$\Delta\eta \;=\; \ln\left(\frac{\sqrt{s}}{M_X M_Y}\right), \tag{1.10}$$

où M_X et M_Y sont les masses invariantes des systèmes hadroniques X et Y. Dans un sens large, on parle dès lors de diffraction lorsque la condition suivante est vérifiée :

$$M_X, M_Y \;\ll\; \sqrt{s}. \tag{1.11}$$

Comme pour les interactions élastiques, la structure interne des hadrons ne doit pas être résolue dans les interactions diffractives et la section efficace est caractérisée par une décroissance exponentielle en la carré du transfert de quadri-impulsion t.

1.1.3 La théorie de Regge

La théorie de Regge [2], élaborée dans les années 1960 avant le développement de la chromodynamique quantique qui constitue la théorie microscopique fondamentale des interactions fortes, permet de décrire les interactions hadron-hadron à haute énergie en se basant sur les propriétés générales d'analyticité, de symétrie de croisement et d'unitarité des amplitudes de diffusion. Elle constitue une théorie générale dont la chromodynamique quantique doit expliquer les résultats en termes de quarks et de gluons. Une approche perturbative de la chromodynamique quantique étant possible uniquement en présence d'une échelle dure dans l'interaction (production de jet à grande impulsion transverse, processus de Drell-Yan,...), la théorie de Regge reste la référence pour l'étude des sections efficaces totales des interactions hadron-hadron.

Les propriétés de la matrice S

Si les fonctions d'onde $\mid i\rangle$ et $\mid f\rangle$ représentent respectivement l'état initial et l'état final d'une réaction, la matrice S est définie de telle sorte que l'élément de matrice connectant ces deux états $\langle f \mid S \mid i\rangle$ donne la probabilité d'occurrence d'une telle transition P_{fi} suivant la formule :

$$P_{fi} \;=\; |\langle f \mid S \mid i\rangle|^2 \;=\; \langle i \mid S^\dagger \mid f\rangle\langle f \mid S \mid i\rangle, \tag{1.12}$$

où $S^\dagger$ est l'opérateur hermitien adjoint de S. La matrice S détermine l'ensemble des transitions possibles lorsque tous ses éléments de matrice sont connus.

La théorie de la matrice S est basée sur les postulats suivants :

(1) Les états constitués de particules libres obéissent au principe de superposition, c'est-à-dire que si $\mid \Psi_a\rangle$ et $\mid \Psi_b\rangle$ sont des états physiques, $\mid \Psi_c\rangle \equiv \alpha \mid \Psi_a\rangle + \beta \mid \Psi_b\rangle$ l'est aussi.

(2) Les forces impliquées sont à courte portée, de telle sorte que avant et après l'interaction les particules peuvent être considérées comme libres. Cette condition est remplie dans le cas des interactions fortes pour laquelle la portée est de l'ordre de quelques longueurs de Compton du pion ($\Lambda_C \simeq 1/m_\pi \simeq 10^{-15}$ m). Ce postulat permet de décomposer la matrice S comme :

$$S \;=\; 1 + A, \tag{1.13}$$

où le premier terme correspond au cas où les particules initiales ne s'approchent pas à une distance suffisante pour interagir, tandis que le second terme correspond à l'interaction proprement dite, c'est-à-dire que A est la matrice d'amplitude de transition.

(3) La matrice S est invariante sous les transformations de Lorentz et ne dépend donc que d'invariants de Lorentz.

(4) La matrice S est unitaire : $S^\dagger S = 1 = SS^\dagger$, ce qui revient à exiger que la somme de probabilités de tous les canaux possibles d'une réaction soit égale à l'unité.

(5) La matrice S est une fonction analytique des invariants cinématiques traités comme des variables complexes par prolongement analytique, les seules singularités possibles étant des pôles et des points de branchement. Pour se ramener à la région physique, il faut dès lors considérer la limite de l'axe réel, qui peut être approché depuis le demi-plan complexe inférieur ou supérieur :

$$A_{\text{physique}}(s, ...) \;=\; \lim_{\epsilon \to 0} \; A(s \pm i\epsilon, ...), \tag{1.14}$$

où s est l'une des variables cinématiques caractérisant la réaction considérée.

Si nous considérons la réaction $AB \to CD$, toute la cinématique est fixée en utilisant les deux variables de Mandelstam indépendantes :

$$s \;=\; (p_A + p_B)^2 \;=\; (p_C + p_D)^2, \tag{1.15}$$
$$t \;=\; (p_A - p_C)^2 \;=\; (p_B - p_D)^2, \tag{1.16}$$

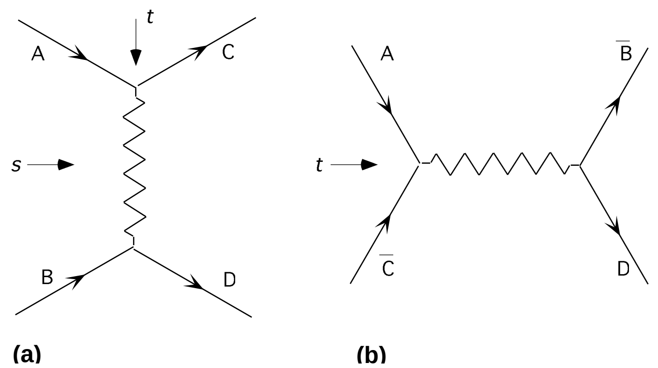


FIG. 1.4 – Diagrammes des réactions (a) $AB \to CD$ et (b) $A\bar{C} \to \bar{B}D$.

où p_i est la quadri-impulsion de la particule i. Le postulat (5) implique que si $A(s,t)$ est l'amplitude de transition de cette réaction, l'amplitude de la réaction $A\bar{C} \to \bar{B}D$ peut être obtenue par symétrie de croisement, c'est-à-dire en échangeant le rôle des variables s et t :

$$A_{AB\to CD}(s,t) \quad = \quad A_{A\bar{C}\to\bar{B}D}(t,s). \tag{1.17}$$

Cette propriété est illustrée par la figure 1.4. Ainsi, si la réaction $AB \to CD$ peut être vue dans le canal s comme l'échange d'une particule suivant le canal t, la réaction $A\bar{C} \to \bar{B}D$, dans le canal t, sera dominée par l'échange d'une résonance se désintégrant en l'état final $\bar{B}D$. La valeur asymptotique à haute énergie $\sqrt{s}$ de l'amplitude de transition pour la réaction $AB \to CD$ est dès lors déterminée par les pôles de l'amplitude dans le canal t.

Prolongement analytique du moment angulaire

Pour simplifier la suite de la discussion, nous considérons que toutes les particules ont la même masse m et sont sans spin. L'amplitude de transition de la réaction $AB \to CD$ peut s'exprimer au travers d'un développement en ondes partielles dans le canal s :

$$A_{AB\to CD}(s,t) \quad = \quad 16\pi \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1)\ f_l(s)\ P_l(\cos\theta_s), \tag{1.18}$$

où $\cos\theta_s = 1 + 2t/(s-4m^2)$ est l'angle de diffusion, $f_l(s)$ est l'amplitude de diffusion partielle associée à l'onde de moment angulaire l et $P_l(z)$ est le polynôme de Legendre du premier type de degré l. A basse énergie, seuls les premiers termes contribuent à la série (1.18). Par contre à haute énergie tous les termes contribuent. Le comportement asymptotique peut être déterminé en passant par symétrie de croisement à la réaction $A\bar{C} \to \bar{B}D$ pour laquelle l'amplitude est donnée par un développement en ondes partielles dans le canal t :

$$A_{A\bar{C}\to D\bar{B}}(s,t) \quad = \quad 16\pi \sum_{l=0}^{\infty} (2l+1)\ f_l(t)\ P_l(\cos\theta_t), \tag{1.19}$$

où $\cos\theta_t = 1 + 2s/(t-4m^2)$.

Bien que les solutions physiques correspondent à l'échange de particules pour des valeurs entières du moment angulaire, la théorie de Regge traite le moment angulaire comme une variable complexe en vue d'effectuer un prolongement analytique. Dès lors, la somme dans l'équation (1.19) peut être transformée en une intégrale de Cauchy le long d'un chemin (C_1) qui entoure les singularités présentes pour les valeurs entières $j = l$ (voir figure 1.5) :

$$A(s,t) \;=\; 16\pi \int_{C_1} \frac{\mathrm{d}j}{2\pi i} \, \frac{\pi(2j+1)}{\sin(\pi j)} \, f_j(t) \; P_j(\cos\theta_t). \tag{1.20}$$

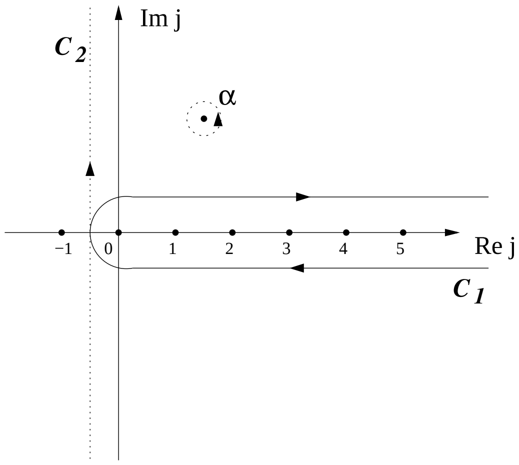


FIG. 1.5 – Transformation de Sommerfeld-Watson du chemin C_1 en le chemin C_2 du plan imaginaire du moment angulaire. Un pôle isolé α est également représenté.

Le chemin C_1 dans l'intégrale (1.20) peut être déformé par une transformation de Sommerfeld-Watson en un chemin le long de l'axe imaginaire (chemin C_2 dans la figure 1.5) et un demi-cercle le long duquel l'intégrale s'annule à l'infini. Cependant, la fonction $f_j(t)$ peut contenir des pôles isolés en $j = \alpha_i$ qui doivent être pris en compte. En supposant l'existence d'un pôle unique :

$$f_j(t) = \frac{\gamma(t)}{(j-\alpha)}, \tag{1.21}$$

on obtient :

$$A(s,t) = 16\pi^2 \int_{C_2} \frac{\mathrm{d}j}{2\pi i} \, \frac{\pi(2j+1)}{\sin(\pi j)} \, f_j(t) \; P_j(\cos\theta_t) + \frac{16\pi^2(2\alpha+1)}{\sin(\pi\alpha)} \, \gamma(t) \; P_\alpha(\cos\theta_t). \tag{1.22}$$

A haute énergie $\sqrt{s}$, l'intégrale le long du chemin C_2 peut être négligée. Pour $s \to \infty$ avec $|t|, m^2 << s$, on peut utiliser la propriété des polynômes de Legendre suivante :

$$\lim_{z\to\infty} P_\alpha(z) \;\sim\; z^\alpha, \tag{1.23}$$

pour montrer que cette intégrale se comporte asymptotiquement comme $\sim s^{-1/2}$. Le comportement asymptotique du second terme est donné par :

$$A(s,t) \;\propto\; \frac{\gamma(t)}{\sin(\pi\alpha)} s^\alpha. \tag{1.24}$$

Cette formule se généralise pour des particules avec spin et pour tenir compte de la somme des contributions dues à l'échange des différents pôles dans le canal t et l'on obtient le comportement asymptotique de l'amplitude de transition suivant :

$$A(s,t) \;\propto\; \beta(t) \left(\frac{s}{s_0}\right)^{\alpha(t)}, \tag{1.25}$$

où $\beta(t)$ est une fonction décrivant la contribution des résidus aux pôles, $\alpha(t)$ est la "trajectoire de Regge" et s_0 est un paramètre d'échelle introduit pour des raisons dimensionnelles et fixé par convention à 1 GeV^2.

La fonction de résidu $\beta(t)$ ne peut être déterminée par la théorie de Regge et est généralement paramétrisée d'après les résultats expérimentaux suivant une exponentielle :

$$\beta(t) \;=\; \beta(0)\; e^{-b|t|}. \qquad (1.26)$$

A chaque famille de particules échangées dans le canal t, c'est-à-dire celles possédant les mêmes nombres quantiques à part le spin, est associée une trajectoire de Regge $\alpha_i(t)$. Une telle famille est appelée Pôle de Regge ou Reggeon ($I\!R$). L'amplitude sera dominée par le Reggeon dont la partie réelle de l'intercept de la trajectoire $\alpha(0)$ est la plus importante. Les résultats expérimentaux permettent de paramétriser linéairement la partie réelle des trajectoires de Regge en fonction de t :

$$\mathrm{Re}\;\alpha(t) \;=\; \alpha(0) + \alpha^{'}\; t. \qquad (1.27)$$

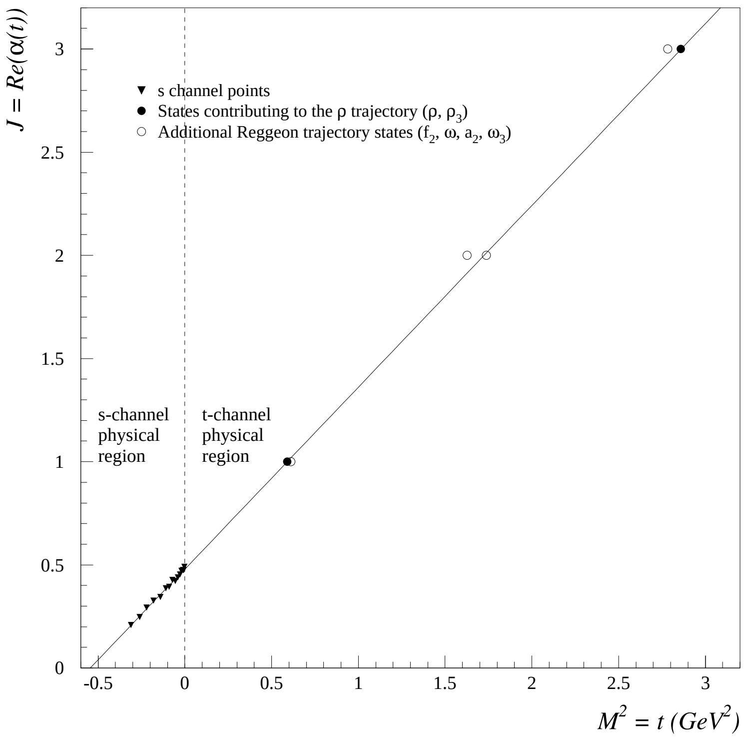


FIG. 1.6 – Graphique de Chew-Frautschi présentant la trajectoire de Regge du méson ρ. Pour $t > 0$, le spin J est porté en fonction du carré de la masse des mésons ρ, ω, f_2, a_2, ρ_3 et ω_3 [3] tandis que les données à $t < 0$ proviennent de l'étude de la réaction $\pi^- p \to \pi^0 n$ [4]. La ligne en trait plein représente le résultat d'un ajustement linéaire.

Les valeurs positives de t correspondent à l'échange de particules dans le canal t pour $t = M^2$, où M est la masse de la particule, la partie réelle de α étant égale au spin J de cette particule. Le canal s correspond aux valeurs négatives de t et à l'échange effectif de toutes les particules de la trajectoire de Regge considérée. La figure 1.6 présente le graphique de Chew-Frautschi (graphique du carré de la masse en fonction du spin) pour la trajectoire de Regge des mésons ρ, ω, f_2 et a_2 qui correspondent par exemple à la réaction $\pi^+ p \to \pi^+ p$ dans le canal s et à la réaction $\pi^+\pi^- \to p\bar{p}$ dans le canal t. Cette trajectoire est en réalité la dégénérescence de la trajectoire des mésons ρ et ω de conjugaison de charge négative et la trajectoire des mésons f_2 et a_2 de conjugaison de charge positive.

La section efficace à haute énergie pour les interactions élastiques (et diffractives) est donnée dans la théorie de Regge par (voir relation 1.25) :

$$\begin{aligned} \frac{\mathrm{d}\sigma_{el}}{\mathrm{d}t} &= \frac{1}{16\pi s^2}\,|A(s,t)|^2 = \sum_i \beta_i^2(t)\,\left(\frac{s}{s_0}\right)^{2\alpha_i(t)-2} \\ &= \sum_i \beta_i^2(0)\,\left(\frac{s}{s_0}\right)^{2\alpha_i(0)-2}\, e^{[b_i+2\alpha_i^{'}\ln(s/s_0)]t}, \end{aligned} \tag{1.28}$$

où la somme porte sur tous les échanges de Reggeons permis par les règles de conservation des nombres quantiques. L'augmentation avec l'énergie de la pente de l'exponentielle dans le dernier terme est une caractéristique de la théorie de Regge appelée "shrinkage".

La section efficace totale de la réaction $AB \to X$ à haute énergie est obtenue à partir du théorème optique (équation 1.4) à partir de l'amplitude élastique vers l'avant ($t = 0$) suivant la formule :

$$\sigma_{tot}(s) \;\propto\; \sum_i \beta_i(0)\,\left(\frac{s}{s_0}\right)^{\alpha_i(0)-1}, \tag{1.29}$$

où la somme porte sur l'ensemble des trajectoires de Regge permises.

La trajectoire du Pomeron

L'ensemble des trajectoires de Regge basées sur les mésons et les baryons connus ont toutes un intercept $\alpha(0)$ inférieur à l'unité, c'est-à-dire conduisant à une section efficace totale qui diminue avec l'énergie disponible dans le centre de masse $\sqrt{s}$. Cette prédiction n'est en accord avec les données qu'aux petites valeurs de $\sqrt{s}$, comme l'indique la figure 1.7. Après un minimum, on observe que les sections efficaces totales augmentent lentement avec l'énergie. Pour tenir compte de ce comportement, Pomeranchuk a introduit une nouvelle trajectoire de Regge, le Pomeron ($I\!P$), pour laquelle l'intercept $\alpha_{I\!P}(0)$ est légèrement plus grand que l'unité. Le Pomeron étant échangé lors des interactions élastiques (ou diffractives), il porte les nombres quantiques du vide.

Afin de décrire les sections efficaces totales hadron-hadron et photon-hadron, Donnachie et Landshoff ont proposé une paramétrisation [5] prenant en compte l'échange de deux trajectoires de Regge :

$$\sigma_{tot} \;=\; C_{I\!R}\; s^{\alpha_{I\!R}(0)-1} + C_{I\!P}\; s^{\alpha_{I\!P}(0)-1}, \tag{1.30}$$

où le premier terme représente l'échange de Reggeons, qui domine à petite énergie, et le second terme représente l'échange de la trajectoire du Pomeron, qui domine à haute énergie. Les paramètres $C_{I\!R}$ et $C_{I\!P}$ sont exprimés en mb et dépendent de la réaction considérée. L'ajustement de l'équation (1.30) aux données donne :

$$\alpha_{I\!R}(0) = 0.45, \qquad \alpha_{I\!P}(0) = 1.08. \tag{1.31}$$

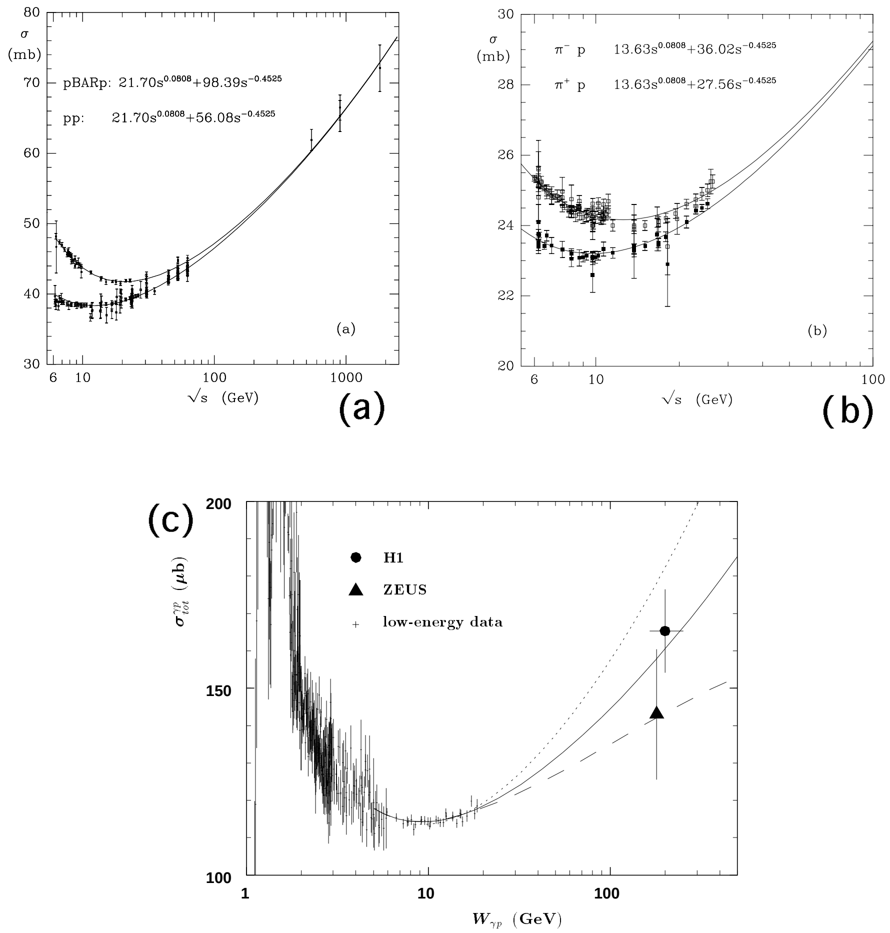


FIG. 1.7 – Compilation de mesures des sections efficaces totales hadron-hadron en fonction de l'énergie dans le centre de masse : a) sections efficaces proton-proton et proton-antiproton ; b) sections efficaces π^+p et π^-p ; c) section efficace photon-proton. Les courbes superposées représentent les résultats d'ajustements de la forme (1.30).

Les courbes en traits pleins de la figure 1.7 présentent les résultats obtenus.

Le paramètre $\alpha'_{I\!P}$ est déterminé à partir de l'analyse du "shrinkage" (voir équation 1.28) dans les sections efficaces élastiques différentielles $\mathrm{d}\sigma/\mathrm{d}t$ pour les interactions pp et $p\bar{p}$ à haute énergie [6]. La valeur obtenue est $\alpha'_{I\!P} = 0.25\ \mathrm{GeV}^{-2}$. La trajectoire du Pomeron est dès lors donnée par :

$$\alpha_{I\!P}(t) \;=\; \alpha_{I\!P}(0) - \alpha'_{I\!P}|t| \;=\; 1.08 - 0.25|t|. \tag{1.32}$$

La trajectoire du Pomeron n'a été mesurée, jusqu'à présent, que dans le canal s et aucune particule réelle n'a été observée de manière tout à fait décisive dans le canal t, où des états liés de gluons appelés "glueball" sont cependant attendus. Un candidat a été observé par l'expérience WA91 [7].

Une paramétrisation de l'évolution avec l'énergie des sections efficaces totales prenant en compte séparément les trajectoires de mésons ρ et ω et de mésons f_2 et a_2 a été proposée par Cudell, Kang et Kim [8]. Dans ce cas la valeur obtenue pour le paramètre $\alpha_{I\!P}(0)$ est de 1.10, les erreurs théoriques sur l'ajustement étant de l'ordre de 0.02.

A haute énergie, l'augmentation lente des sections efficaces hadron-hadron avec l'énergie associée avec la trajectoire du Pomeron (1.32) est caractéristique des interactions dites "soft". Ce comportement est à mettre en opposition avec la dépendance plus rapide en l'énergie observée dans les processus correspondant à une approche perturbative de la QCD, comme dans le cas de la diffusion profondément inélastique (voir section 1.2), qui sont appelée interactions "dures".

1.2 Les interactions profondément inélastiques et la structure du proton

Dans cette section, nous introduisons les interactions lepton-nucléon profondément inélastiques et les fonctions de structure du proton, qui constituent l'un des principaux sujets d'étude dans les interactions électron-proton à HERA. Les interactions profondément inélastiques sont l'un des processus "durs" pour lesquels une dépendance plus rapide en l'énergie de la section efficace est observée que pour les sections efficaces totales hadron-hadron.

1.2.1 Les interactions profondément inélastiques

La figure 1.8 présente le diagramme au premier ordre correspondant à l'interaction profondément inélastique de type courant neutre à HERA :

$$ep \quad \rightarrow \quad eX, \tag{1.33}$$

où X symbolise un ensemble de particules. De telles interactions s'interprètent en termes de l'échange d'un photon ou d'un boson Z^0 virtuel qui sonde la structure du proton et provoque l'éjection soit d'un quark de valence soit d'un quark ou d'un anti-quark de la mer. Le champ de couleur entre le quark éjecté et les débris du proton contenant les autres partons est neutralisé par le processus de fragmentation qui engendre après hadronisation l'état final X.

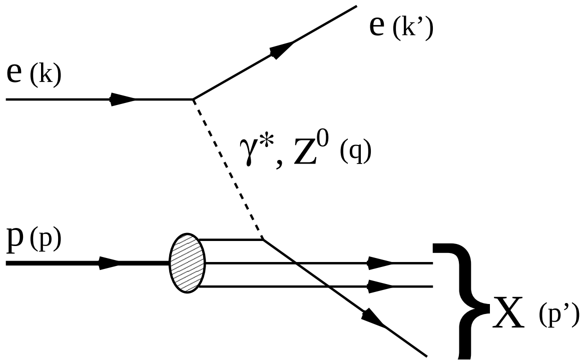


FIG. 1.8 – Diagramme au premier ordre de l'interaction électron-proton profondément inélastique de type courant neutre.

Pour étudier la section efficace de la réaction (1.33), une série de variables cinématiques invariantes sous les transformations de Lorentz sont définies à partir de k, k', p, p' et q, respectivement les quadri-vecteurs énergie-impulsion des électrons incident et diffusé, du proton incident, de l'état final X et du photon (ou boson Z^0) échangé. La variable s est le carré de l'énergie totale disponible dans le centre de masse électron-proton :

$$s = (p+k)^2. \tag{1.34}$$

La variable Q^2 est l'opposé du carré du transfert de quadri-impulsion, c'est-à-dire du carré de la masse virtuelle du photon (ou boson Z^0) échangé :

$$Q^2 = -q^2 = (k-k^{'})^2. \tag{1.35}$$

Pour l'échange d'un photon, lorsque $Q^2 \approx 0$, celui-ci est quasi-réel et l'interaction fait partie du domaine appelé de "photoproduction". Par contre, le domaine des interactions profondément inélastiques (dit "électroproduction") correspond à $Q^2 \geq$ quelques GeV^2.

Les invariants de Bjorken sans dimension x et y sont définis comme :

$$x = \frac{-k \cdot q}{p \cdot q}, \tag{1.36}$$

$$y = \frac{p \cdot q}{p \cdot k}. \tag{1.37}$$

Ces deux variables sont comprises entre zéro et l'unité. Dans le référentiel au repos du proton, l'invariant y représente la fraction d'énergie de l'électron incident qui est cédée au photon (ou boson Z^0). Dans un référentiel en mouvement rapide par rapport à la cible (référentiel de Breit, où le photon échangé est de type purement espace), l'invariant x peut être interprété comme la fraction d'impulsion du proton portée par le quark sur lequel l'interaction a lieu.

L'énergie disponible dans le centre de masse du boson échangé et du proton incident, c'est-à-dire la masse invariante du système X, est donnée par :

$$W^2 = (p+q)^2. \tag{1.38}$$

En négligeant les masses de l'électron et du proton, les invariants s, Q^2, W, x et y sont reliés entre eux par les relations :

$$Q^2 \approx xys, \tag{1.39}$$

$$W^2 \approx Q^2\left(\frac{1}{x}-1\right), \tag{1.40}$$

avec les limites :

$$0 \leq Q^2 \leq W^2 \leq s. \tag{1.41}$$

Comme la variable s est fixée par l'énergie des faisceaux de protons et d'électrons, seuls deux de ces invariants sont indépendants. Le couple le plus fréquemment choisi pour l'étude des interactions profondément inélastiques est (x, Q^2).

1.2.2 La section efficace inélastique et les fonctions de structure du proton

En se limitant au domaine cinématique $Q^2 \ll m_{Z^0}^2$, où m_{Z^0} est la masse du boson Z^0, la section efficace différentielle s'écrit comme :

$$\frac{\mathrm{d}^2\sigma(x,Q^2)}{\mathrm{d}x\,\mathrm{d}Q^2} = \frac{4\pi\alpha_{em}^2}{xQ^4}\left[\left(1-y+\frac{y^2}{2}\right)F_2(x,Q^2) - \frac{y^2}{2}F_L(x,Q^2)\right] \qquad (1.42)$$

où α_{em} est la constante de couplage électromagnétique et F_2 et F_L sont les fonctions de structure, qui dépendent du contenu en quarks et gluons du proton. Les fonctions de structure sont reliées aux sections efficaces pour l'échange de photons polarisés transversalement (σ_T) et

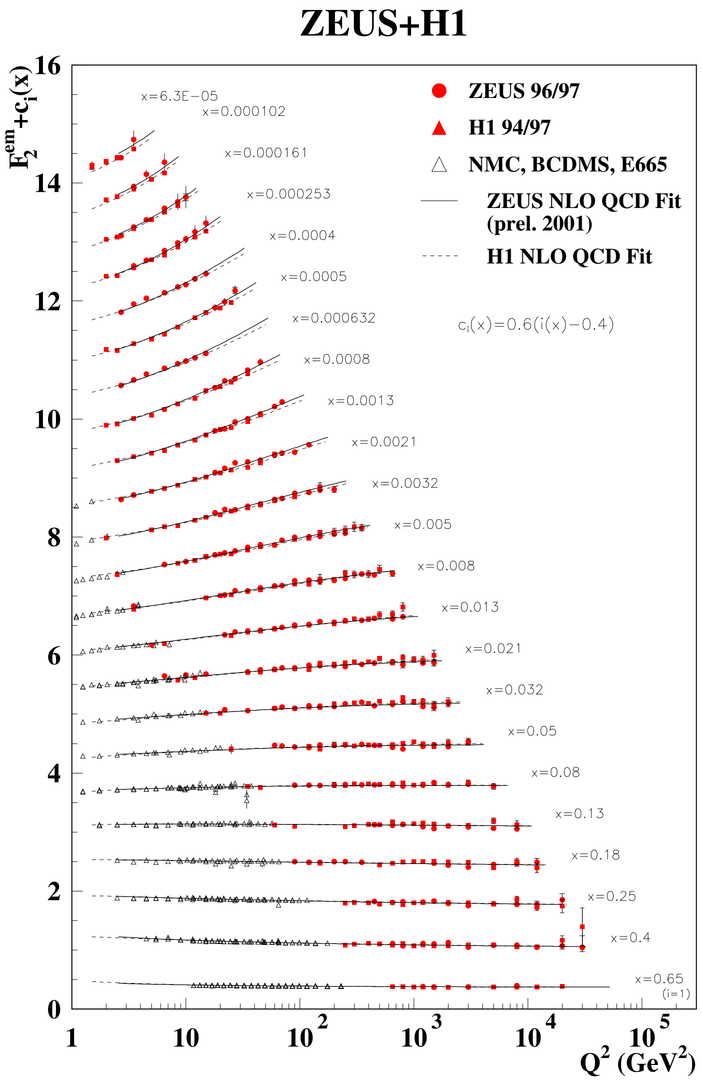


FIG. 1.9 – Compilation [16] de mesures de la fonction de structure F_2 en fonction de Q^2 pour différentes valeurs de x par les expériences H1 [9, 10] et ZEUS [11, 12] ainsi par les expériences sur cible fixe NMC [13], BDCMS [14] et E665 [15]. Les données sont comparées aux résultats d'un ajustement de la théorie QCD à l'ordre suivant l'ordre dominant (NLO).

longitudinalement (σ_L) par :

$$F_2(x,Q^2) = \frac{Q^2}{4\pi\alpha_{em}^2}\left[\sigma_T(x,Q^2)+\sigma_L(x,Q^2)\right], \quad (1.43)$$

$$F_L(x,Q^2) = \frac{Q^2}{4\pi\alpha_{em}^2}\sigma_L(x,Q^2). \quad (1.44)$$

Les sections efficaces étant définies positives, ces deux relations impliquent que :

$$0 \leq F_L \leq F_2. \quad (1.45)$$

La contribution de la fonction de structure longitudinale (F_L) dans l'équation (1.42) étant proportionnelle à y^2, ceci implique, avec la relation (1.45), que la contribution de F_L à la section efficace totale peut être négligée pour les petites valeurs de y, condition remplie dans la majorité du domaine cinématique accessible à HERA.

La figure 1.9 présente une compilation [16] de mesures de la fonction de structure F_2 en fonction de la virtualité du photon Q^2 pour différentes valeurs de x [9–15]. On observe que sur plusieurs ordre de grandeurs en x, la fonction de structure F_2 dépend peu de Q^2. Cette propriété, dite d'invariance d'échelle ("scaling" de Bjorken), a été observée pour la première fois au laboratoire SLAC [17,18]. Elle s'explique si le proton n'est constitué que de quarks ponctuels n'interagissant pas entre eux (modèles des quarks-partons) [19–21]. A l'ordre α_s^0, la fonction de structure F_2 est donnée par :

$$F_2(x) = \sum_i e_i^2\, x\, q_i(x), \quad (1.46)$$

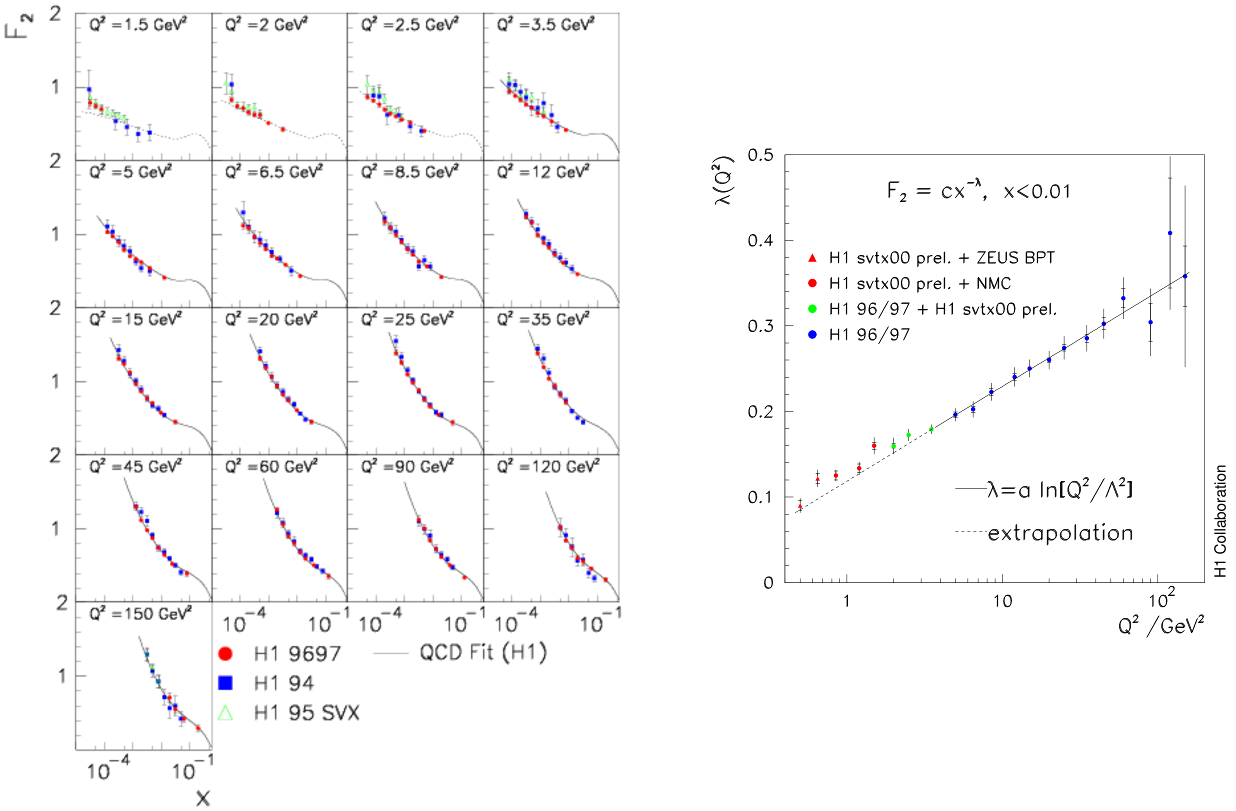
où la somme porte sur les différents quarks i, e_i est la charge électrique du quark i et $q_i(x)$ est la probabilité de trouver dans le proton un quark i emportant une fraction x de l'impulsion du proton (fonction de distribution de densité). La propriété de "scaling" n'est cependant valable qu'en première approximation, une dépendance logarithmique en Q^2 due aux interactions entre quarks et gluons étant observée.

La dépendance en x de la fonction de structure F_2 pour différentes valeurs de Q^2 est présentée à la figure 1.10a. On y observe une forte dépendance de F_2 à petit x, c'est-à-dire puisque $W \sim 1/x$, lorsque l'énergie disponible dans le centre de masse augmente. Cette dépendance est d'autant plus rapide que Q^2 augmente. Elle peut être paramétrisée suivant la forme :

$$F_2(x,Q^2) = c(Q^2)\; x^{-\lambda(Q^2)}. \quad (1.47)$$

La figure 1.10b reprend les valeurs obtenues pour λ en fonction de Q^2 pour $x \leq 0.01$ [22, 23].

Le paramètre λ est lié dans le cadre de la théorie de Regge à la trajectoire du Pomeron par la relation $\lambda = \alpha_{I\!P}(0) - 1$. A petit Q^2, on observe des valeurs de λ proches de 0.08, c'est-à-dire proches de la paramétrisation (1.32). On a donc une transition entre une dépendance "soft" à petit Q^2, compatible avec les valeurs de $\alpha_{I\!P}(0)$ observées dans les interactions hadron-hadron, et une dépendance "dure" ("hard") aux grandes valeurs de Q^2. Une telle transition est prédite dans le cadre d'une approche perturbative de la chromodynamique quantique.



a) b)

FIG. 1.10 – (a) Mesures de la fonction de structure F_2 en fonction de x pour différentes valeurs de Q^2 par l'expérience H1 [9] ; (b) Dépendance en Q^2 de l'exposant λ dans la paramétrisation $F_2(x, Q^2) = c(Q^2)\ x^{-\lambda(Q^2)}$ de la fonction de structure F_2 pour $x \leq 0.01$ [23].

1.2.3 La chromodynamique quantique et la densité de gluons dans le proton

La chromodynamique quantique (QCD) est la théorie des champs pour les interactions fortes. Elle introduit, par analogie avec la charge électrique, la couleur portée par les quarks et les bosons de jauge intervenant dans l'interaction forte, les gluons, de masse nulle et de spin 1. C'est une théorie basée sur le groupe de symétrie non-abélien SU(3) ; les gluons peuvent donc interagir entre eux ($g \to gg$ et $gg \to gg$).

La constante de couplage des interactions fortes vaut, dans l'approximation des logarithmes dominant (LLA) :

$$\alpha_s\left(\mu_r^2\right) = \frac{12\pi}{(33 - 2N_f)\ln\left(\mu_r^2/\Lambda_{QCD}^2\right)}, \tag{1.48}$$

où N_f est le nombre de saveurs, Λ_{QCD} est un paramètre d'échelle libre portant la dimension d'une masse et μ_r^2 est l'échelle de renormalisation du processus considéré, prise égale à Q^2 dans le cas de l'étude des fonctions de structure. Aux petites valeurs de μ_r^2, la constante de couplage α_s est élevée et il est impossible d'appliquer une approche perturbative de la théorie QCD. Par le principe d'incertitude, cette région correspond aux grandes distances de séparation entre les partons en interaction. Aux grandes valeurs de μ_r^2 , c'est-à-dire aux très petites distances, la constante de couplage α_s devient petite et les quarks et les gluons sont libres ("liberté asymptotique"). Une approche perturbative est dès lors possible et l'on retrouve à l'ordre zéro l'approximation du modèle des quarks-partons.

En considérant les termes d'ordre supérieur par rapport au modèle des quarks-partons, c'est-à-dire les processus de radiation de gluons, l'évolution en Q^2 des fonctions de densité des quarks et des gluons est prédite, dans l'approximation des logarithmes dominant, par les équations de Dokshitzer, Gribov, Lipatov, Altarelli et Parisi (équations DGLAP) :

$$\frac{\partial q_i(x,Q^2)}{\partial \log Q^2} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi}\int_x^1 \frac{\mathrm{d}y}{y}\left[q_i(y,Q^2)P_{qq}\left(\frac{x}{y}\right) + g(y,Q^2)P_{qg}\left(\frac{x}{y}\right)\right], \tag{1.49}$$

$$\frac{\partial g(x,Q^2)}{\partial \log Q^2} = \frac{\alpha_s(Q^2)}{2\pi}\int_x^1 \frac{\mathrm{d}y}{y}\left[q_i(y,Q^2)P_{gq}\left(\frac{x}{y}\right) + g(y,Q^2)P_{gg}\left(\frac{x}{y}\right)\right], \tag{1.50}$$

où $q_i(x,Q^2)$ et $g(x,Q^2)$ sont les fonctions de densité des quarks et des gluons et P_{qq}, P_{qg}, P_{gq} et P_{gg} sont les fonctions de "splitting" décrivant la radiation d'un parton (voir figure 1.11) qui sont calculables, à un ordre donné en $\alpha_s(Q^2)$, dans une approche perturbative de la théorie QCD.

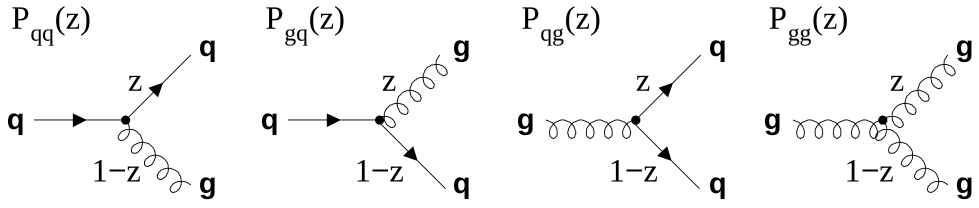


FIG. 1.11 – Fonctions de splitting à l'ordre dominant.

Les équations d'évolution (1.49) et (1.50) ne prédisent pas la dépendance en x des fonctions de densité de partons. Une paramétrisation phénoménologique est dès lors choisie à une échelle de départ Q_0^2 et les paramètres impliqués sont déterminés par un ajustement aux données de la fonction de structure F_2, en prenant en compte l'évolution des fonctions de densité aux plus grandes valeurs de Q^2 suivant les équations DGLAP. La figure 1.12 présente le résultat obtenu par la collaboration H1 [9] pour la fonction de densité des gluons en fonction de x pour trois valeurs de Q^2.

La dépendance "dure" en l'énergie de la section efficace totale dans les interactions profondément inélastiques, c'est-à-dire la violation de scaling, s'explique donc par la forte augmentation à petit x de la fonction de densité des gluons du proton à grand Q^2, cette augmentation contribuant à la présence dans le proton de plus en plus de quarks et antiquarks de la mer avec lesquels le photon peut interagir.

1.3 Les interactions diffractives à HERA

L'observation généralement inattendue en 1993 à HERA d'une contribution de l'ordre de 10% d'interactions diffractives à la section efficace profondément inélastique électron-proton [24–

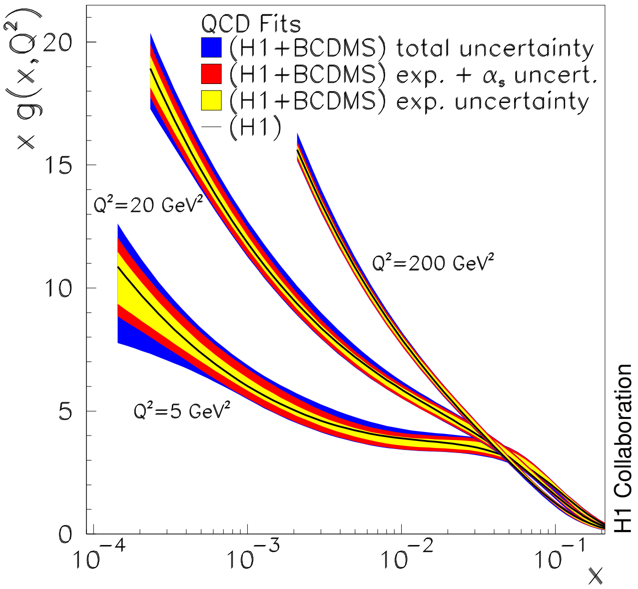


FIG. 1.12 – Fonction de densité des gluons dans le proton, déterminée par l'ajustement des équations d'évolution (1.49) et (1.50) aux données collectées par les expériences H1 [9] et BDCMS [14] en fonction de x, pour trois valeurs de Q^2.

27] a renouvelé l'intérêt pour ce sujet aussi bien du point de vue théorique qu'expérimental. Dans cette section, nous décrivons les principales caractéristiques des événements diffractifs dans les interactions électron-proton. Nous nous concentrons dans la section suivante sur la production diffractive de mésons vecteurs, qui constitue le sujet de cette thèse.

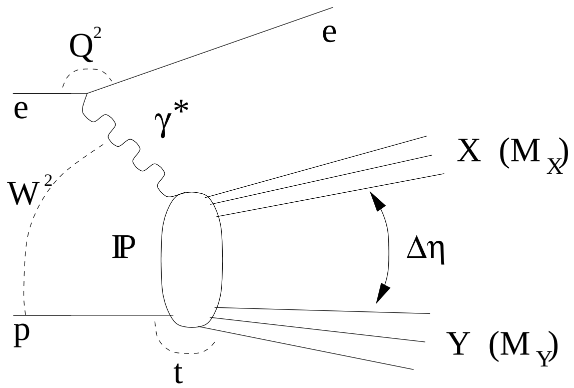


FIG. 1.13 – Représentation schématique de la réaction diffractive $ep \to eXY$.

La figure 1.13 donne une représentation schématique des interactions diffractives inclusives dans les interactions électron-proton. Pour ces événements, l'état final est composé de deux sous-ensembles de particules (systèmes X et Y) séparés par une large région en pseudorapidité ($\Delta\eta$) sans activité hadronique. Le système Y est émis dans la direction du proton incident tandis que le système X est observé dans la région centrale de l'espace des phases. Dans de telles interactions, le photon virtuel échangé fluctue en un état hadronique qui interagit avec le proton en échangeant un Reggeon ou un Pomeron, comme pour les interactions diffractives hadron-hadron. A HERA, l'énergie disponible dans le centre de masse $\gamma^* p$ (W) étant élevée, l'interaction sera dominée, dans une grande partie de l'espace des phases disponible, par l'échange d'un Pomeron. Le proton initial peut soit rester intact (canal dit "élastique") soit être excité et se dissocier en un système hadronique Y (canal dit "dissociatif").

Pour tenir compte des degrés de liberté supplémentaires dans les interactions diffractives, on introduit les variables cinématiques suivantes :

$$\begin{aligned}
M_X^2 &= (p_X)^2, && (1.51)\\
M_Y^2 &= (p_Y)^2, && (1.52)\\
t &= (p - p_Y)^2, && (1.53)\\
x_{I\!P} &= \frac{q \cdot (p - p_Y)}{q \cdot p} = \frac{Q^2 + M_X^2 - t}{Q^2 + W^2 - m_p^2}, && (1.54)\\
\beta &= \frac{-q^2}{2q \cdot (p - p_Y)} = \frac{Q^2}{Q^2 + M_X^2 - t} = \frac{x}{x_{I\!P}}, && (1.55)
\end{aligned}$$

où p_X et p_Y sont respectivement les quadrivecteurs énergie-impulsion associés aux systèmes X et Y et M_X et M_Y sont les masses invariantes de ces deux systèmes. La variable t est le carré du transfert de quadri-impulsion au vertex du proton. Dans le référentiel de Breit, la variable $x_{I\!P}$ représente la fraction d'impulsion du proton portée par le Reggeon ou le Pomeron échangé, β étant la fraction de l'impulsion du Pomeron portée par le quark sondé par le photon. Les variables $x_{I\!P}$ et β sont sans dimension et comprises entre zéro et 1.

Après intégration sur l'angle azimutal défini dans le centre de masse $\gamma^* p$ entre le plan des électrons incident et diffusé et le plan du photon échangé et du système Y, la section efficace diffractive inclusive ne dépend que de cinq variables, la combinaison $x_{I\!P}$, β, Q^2, t et M_Y étant en général utilisée. En se restreignant au canal élastique, la masse M_Y est égale à celle du proton.

On définit, comme pour la section efficace totale, à partir de la section efficace diffractive élastique une fonction de structure diffractive $F_2^{D(4)}$:

$$\frac{\mathrm{d}^4 \sigma_{ep \to eXp}}{\mathrm{d}Q^2 \mathrm{d}x_{I\!P} \mathrm{d}t \mathrm{d}\beta} = \frac{4\pi\alpha_{em}^2}{\beta Q^4} \left(1 - y + \frac{y^2}{2}\right) F_2^{D(4)}(Q^2, x_{I\!P}, t, \beta), \quad (1.56)$$

où l'on a négligé la contribution de la fonction de structure diffractive longitudinale.

Dans le cadre de la théorie de Regge, il y a factorisation entre les vertex $pI\!Pp$ ($pI\!Rp$ dans le cas de l'échange d'un Reggeon) et $\gamma I\!PX$ (respectivement $\gamma I\!RX$) et une dépendance universelle de $F_2^{D(4)}$ en $x_{I\!P}$ et t est attendue lorsque Q^2 et β changent. La fonction de structure diffractive peut donc être décomposée comme :

$$F_2^{D(4)}(Q^2, x_{I\!P}, t, \beta) = f_{I\!P/p}(x_{I\!P}, t)\ F_2^{I\!P}(Q^2, \beta) + f_{I\!R/p}(x_{I\!P}, t)\ F_2^{I\!R}(Q^2, \beta) + interf., \quad (1.57)$$

où $F_2^{I\!P}$ et $F_2^{I\!R}$ sont les fonctions de structure du Pomeron et des Reggeons, et où $f_{I\!P/p}$ et $f_{I\!R/p}$ sont les flux de Pomeron et de Reggeons dans le proton, qui s'expriment comme :

$$f_{i/p}(x_{I\!P}, t) = \frac{e^{b_i t}}{x_{I\!P}^{2\alpha_i(t)-1}} \ ; \ i = I\!P, I\!R. \quad (1.58)$$

En général la variable t n'est pas mesurée à HERA et l'on intègre sur celle-ci.

Un ajustement de la paramétrisation (1.57) aux données collectées dans le domaine cinématique $6.5 < Q^2 < 120$ GeV^2 par l'expérience H1 [28], donne pour l'intercept de la trajectoire du Pomeron la valeur :

$$\alpha_{I\!P}(0) \quad = \quad 1.173 \pm 0.018(\text{stat.}) \pm 0.017(\text{syst.})^{+0.063}_{-0.035}(\text{model}), \tag{1.59}$$

c'est-à-dire une valeur intermédiaire entre le comportement "soft" des interactions hadron-hadron et le comportement "dur" observé pour les interaction profondément inélastiques.

1.4 La production diffractive de mésons vecteurs

La structure de la diffraction peut être notamment étudiée au travers de la production exclusive de mésons vecteurs (V) pour laquelle le système hadronique X est constitué du seul méson vecteur :

$$ep \quad \rightarrow \quad eVY, \tag{1.60}$$

et où le système Y est soit un proton (canal élastique) soit un système hadronique issu de la dissociation du proton incident (canal dissociatif). La figure 1.14 présente les diagrammes correspondant à ces deux canaux. Les expériences menées à HERA permettent de détecter toutes les particules de l'état final de la réaction (1.60), à part le proton ou, dans certains cas, ses débris. La cinématique est dès lors complètement déterminée.

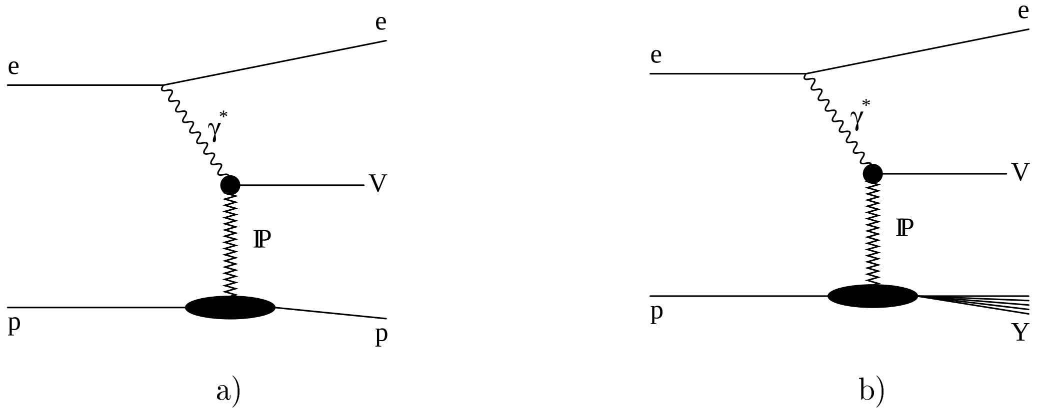


FIG. 1.14 – Représentation schématique de la production diffractive de mésons vecteurs : a) production élastique ; b) production avec dissociation du proton.

Dans cette section nous passons en revue quelques résultats antérieurs à ce travail. Nous présentons ensuite deux approches théoriques de la production diffractive de mésons vecteurs : le modèle phénoménologique de la dominance mésovectorielle basé sur la théorie de Regge et les prédictions sur base d'une approche perturbative de la théorie QCD. Le premier modèle permet de décrire la photoproduction de mésons ρ, ω et ϕ pour laquelle un comportement caractéristique des interactions "soft" est observé ; l'approche QCD, qui prédit un comportement "dur" de la dépendance en énergie de la section efficace, est applicable aux mésons constitués de quarks lourds tel le J/ψ ou aux grandes valeurs de Q^2.

Nous commençons par définir les variables angulaires utiles pour l'étude de la polarisation. Dans les interactions élecron-proton, les états de polarisation du photon échangé et d'un méson vecteur se désintégrant en deux particules de spins donnés peuvent être déterminés au travers de l'étude des angles de production et de désintégration du méson vecteur. Pour les études d'hélicité, le canal qui nous intéresse, dans ce travail, est celui de la désintégration d'un méson vecteur en deux mésons pseudo-scalaires, c'est-à-dire de spin 0. Le formalisme général est présenté dans la référence [29].

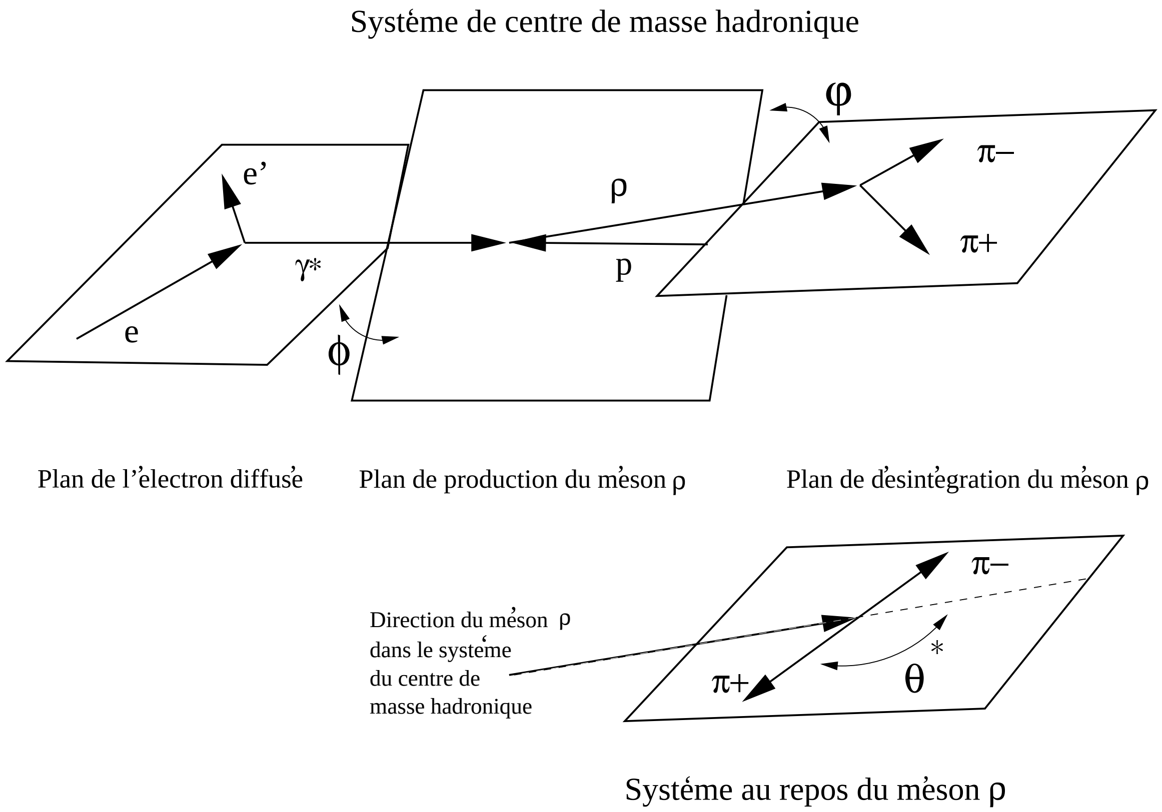


FIG. 1.15 – Représentation graphique du système de référence, dit “d'hélicité", utilisé pour l'analyse de la polarisation du méson ρ.

Les angles caractérisant la production et la désintégration du méson vecteur sont définis dans le référentiel au repos du méson vecteur, avec la direction de quantification choisie suivant la direction du proton diffusé (ou du système Y pour le canal dissociatif). Les angles suivants sont utilisés pour la désintégration d'un méson ρ en deux pions chargés (voir figure 1.15) :

- l'angle Φ entre le plan de production du méson ρ et le plan de diffusion de l'électron, dans le référentiel du centre de masse $\gamma^{(*)}p$;
- l'angle φ entre le plan de production et le plan de désintégration du méson ρ, dans le référentiel du centre de masse $\gamma^{(*)}p$;
- l'angle polaire θ^* du pion positif venant de la désintégration du méson ρ, dans le référentiel au repos de ce dernier.

Pour des faisceaux non polarisés, la distribution angulaire $W(\cos\theta^*, \varphi, \phi)$ caractérisant la désintégration d'un méson vecteur en deux particules de spin 0 est donnée en termes de 15 éléments de la matrice de densité de spin par la relation :

$$
\begin{aligned}
W(\cos\theta^*, \varphi, \phi) = \frac{3}{4\pi} \quad \Big\{ \quad & \frac{1}{2}(1 - r^{04}_{00}) + \frac{1}{2}(3\ r^{04}_{00} - 1) \ \cos^2\theta^* \\
-\sqrt{2}\ \mathrm{Re}\ r^{04}_{10}\ \sin 2\theta^* \cos\varphi - r^{04}_{1-1}\ \sin^2\theta^* \cos 2\varphi \\
-\varepsilon\ \cos 2\phi \Big(r^1_{11}\ \sin^2\theta^* + r^1_{00}\ \cos^2\theta^* - \sqrt{2}\ \mathrm{Re}\ r^1_{10}\ \sin 2\theta^* \cos\varphi \\
- r^1_{1-1}\ \sin^2\theta^* \cos 2\varphi \Big) \\
-\varepsilon\ \sin 2\phi \Big(\sqrt{2}\ \mathrm{Im}\ r^2_{10}\ \sin 2\theta^* \sin\varphi + \mathrm{Im}\ r^2_{1-1}\ \sin^2\theta^* \sin 2\varphi \Big) \\
+\sqrt{2\varepsilon\ (1+\varepsilon)}\ \cos\phi\ \Big[r^5_{11}\ \sin^2\theta^* + r^5_{00}\ \cos^2\theta^* \\
-\sqrt{2}\ \mathrm{Re}\ r^5_{10}\ \sin 2\theta^* \cos\varphi - r^5_{1-1}\ \sin^2\theta^* \cos 2\varphi \Big] \\
+\sqrt{2\varepsilon\ (1+\varepsilon)}\ \sin\phi\ \Big[\sqrt{2}\ \mathrm{Im}\ r^6_{10}\ \sin 2\theta^* \sin\varphi \\
+\mathrm{Im}\ r^6_{1-1}\ \sin^2\theta^* \sin 2\varphi \Big] \Big\},
\end{aligned}
\tag{1.61}
$$

où ε est le paramètre de polarisation donné par :

$$\varepsilon \quad = \quad \frac{2(1-y)}{1+(1-y)^2}. \tag{1.62}$$

Les éléments de la matrice de densité de spin sont des combinaisons bilinéaires des amplitudes d'hélicité $T_{\lambda_V \lambda_\gamma}$, où $\lambda_\gamma, \lambda_V = -1, 0, 1$ sont respectivement les hélicités du photon échangé et du méson vecteur. Les relations entre les éléments de matrice et les amplitudes sont reprises dans l'annexe A. Sous l'hypothèse de l'échange de parité naturelle (NPE), pour laquelle les amplitudes d'hélicité doivent satisfaire la relation suivante :

$$T_{-\lambda_\rho -\lambda_\gamma} \quad = \quad (-1)^{\lambda_\rho - \lambda_\gamma}\, T_{\lambda_\rho \lambda_\gamma}, \tag{1.63}$$

seules les amplitudes T_{00}, T_{11}, T_{01}, T_{10} et T_{1-1} sont indépendantes. Les amplitudes T_{00} et T_{11} n'impliquent pas de changement d'hélicité entre le photon et le méson vecteur. Les amplitudes T_{01} et T_{10} impliquent un simple changement d'hélicité tandis que l'amplitude T_{1-1} concerne le double changement d'hélicité.

La conservation de l'hélicité dans le canal s (SCHC) revient à ce que l'hélicité du méson ρ soit identique à celle du photon. Dans ce cas les amplitudes avec changement d'hélicité s'annulent et les seuls éléments de matrice non nuls sont :

$$r^{04}_{00},\ r^1_{1-1},\ \mathrm{Im}\ r^2_{1-1},\ \mathrm{Re}\ r^5_{10},\ \mathrm{Im}\ r^6_{10}. \tag{1.64}$$

De plus :

$$r^1_{1-1} \quad = \quad -\mathrm{Im}\ r^2_{1-1}, \tag{1.65}$$
$$\mathrm{Re}\ r^5_{10} \quad = \quad -\mathrm{Im}\ r^6_{10}. \tag{1.66}$$

La distribution angulaire (1.61) se réduit alors à :

$$
\begin{aligned}
W(\cos\theta^*, \psi) = \frac{3}{4\pi} \quad \Big\{ \quad & \frac{1}{2}(1 - r^{04}_{00}) + \frac{1}{2}(3\ r^{04}_{00} - 1)\ \cos^2\theta^* \\
+\varepsilon\ r^1_{1-1}\ \sin^2\theta^* \cos 2\psi - \sqrt{2\varepsilon\ (1+\varepsilon)}\ \mathrm{Re}\ r^5_{10}\ \sin 2\theta^* \cos\psi \Big\}.
\end{aligned}
\tag{1.67}
$$

où $\psi = \phi - \varphi$ est l'angle entre le plan de désintégration du méson ρ et le plan de diffusion de l'électron, dans le référentiel du centre de masse $\gamma^{(*)}p$.

Dans le cadre de SCHC, le rapport R des sections efficaces longitudinale et transverse est lié à l'élément de matrice r_{00}^{04}, qui représente la probabilité de trouver un méson vecteur polarisé longitudinalement dans l'état final, par la formule suivante :

$$R = \frac{1}{\varepsilon} \frac{r_{00}^{04}}{1 - r_{00}^{04}}, \tag{1.68}$$

et on a aussi les relations :

$$r_{1-1}^{1} = \frac{1}{2}(1 - r_{00}^{04}) \tag{1.69}$$

$$\text{Re } r_{10}^{5} = \frac{\sqrt{R}}{1 + \varepsilon R} \cos\delta, \tag{1.70}$$

où δ est la phase entre les amplitudes T_{00} et T_{11} :

$$T_{00}T_{11}^{+} = |T_{00}||T_{11}|e^{-i\delta}. \tag{1.71}$$

La relation (1.67) peut alors se réécrire comme :

$$\begin{aligned} W(\cos\theta^*, \psi) = \frac{3}{8\pi} \frac{1}{1 + \varepsilon\ R} & \Big\{ \sin^2\theta^*\ (1 + \varepsilon\ \cos 2\psi) \\ + 2\ \varepsilon\ R\ \cos^2\theta^* - \sqrt{2\varepsilon\ (1+\varepsilon)\ R}\ & \cos\delta \sin 2\theta^* \cos\psi \Big\}. \end{aligned} \tag{1.72}$$

1.4.1 Résultats expérimentaux antérieurs à ce travail

A HERA, les productions diffractives de mésons ρ, ω, ϕ, J/ψ et Υ ainsi que des états excités ρ' et $\psi(2S)$ sont étudiées à haute énergie dans les domaines de la photoproduction ($Q^2 \approx 0$ GeV^2) et de l'électroproduction ($Q^2 \geq 1$ GeV^2) par les expériences H1 [30–42] et ZEUS [43–56]. Nous présentons maintenant les principales caractéristiques observées expérimentalement, lors des études antérieures à ce travail, de la production diffractive de mésons vecteurs à HERA, en nous concentrant sur la production diffractive de mésons ρ qui constitue le sujet de cette thèse.

Dépendance en Q^2 et universalité

Comme nous le verrons par la suite, on s'attend dans le cadre d'une approche perturbative de la théorie QCD à ce que la masse des quarks constituants et Q^2 soient les deux variables définissant l'échelle caractéristique des réactions de production diffractive de mésons vecteurs. Au premier ordre de la QCD, les sections efficaces des différents mésons vecteurs peuvent être exprimées en fonction de la variable $(Q^2 + M_V^2)$. De plus si les interactions diffractives sont indépendantes de la saveur, comme attendu pour les interactions fortes, les rapports des sections efficaces des différents mésons vecteurs sont donnés par les facteurs SU(5) correspondant aux charges des quarks. Les rapports suivant sont dès lors attendu :

$$\rho : \omega : \phi : J/\psi : \Upsilon = 9 : 1 : 2 : 8 : 2. \tag{1.73}$$

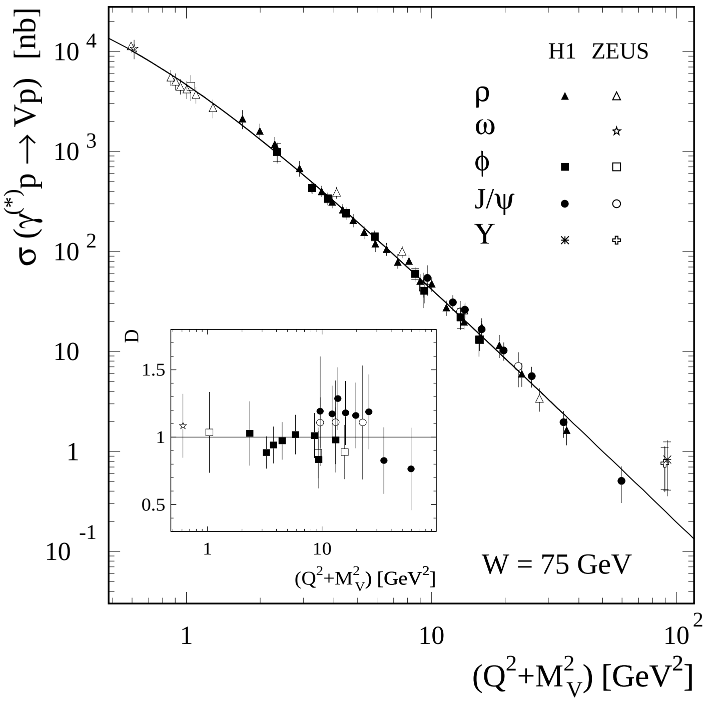


FIG. 1.16 – Mesures des sections efficaces $\gamma^{(*)}p \to Vp$ en fonction de $(Q^2+M_V^2)$ pour les mésons ρ, ω, ϕ, J/ψ et Υ pour $W = 75$ GeV [37]. Les sections efficaces ont été pondérées par les facteurs SU(5) suivant les charges des quarks du méson vecteur. La courbe présente un ajustement aux données de la production de mésons ρ et l'encart montre le rapport des sections efficaces des mésons ω, ϕ et J/ψ à cette paramétrisation.

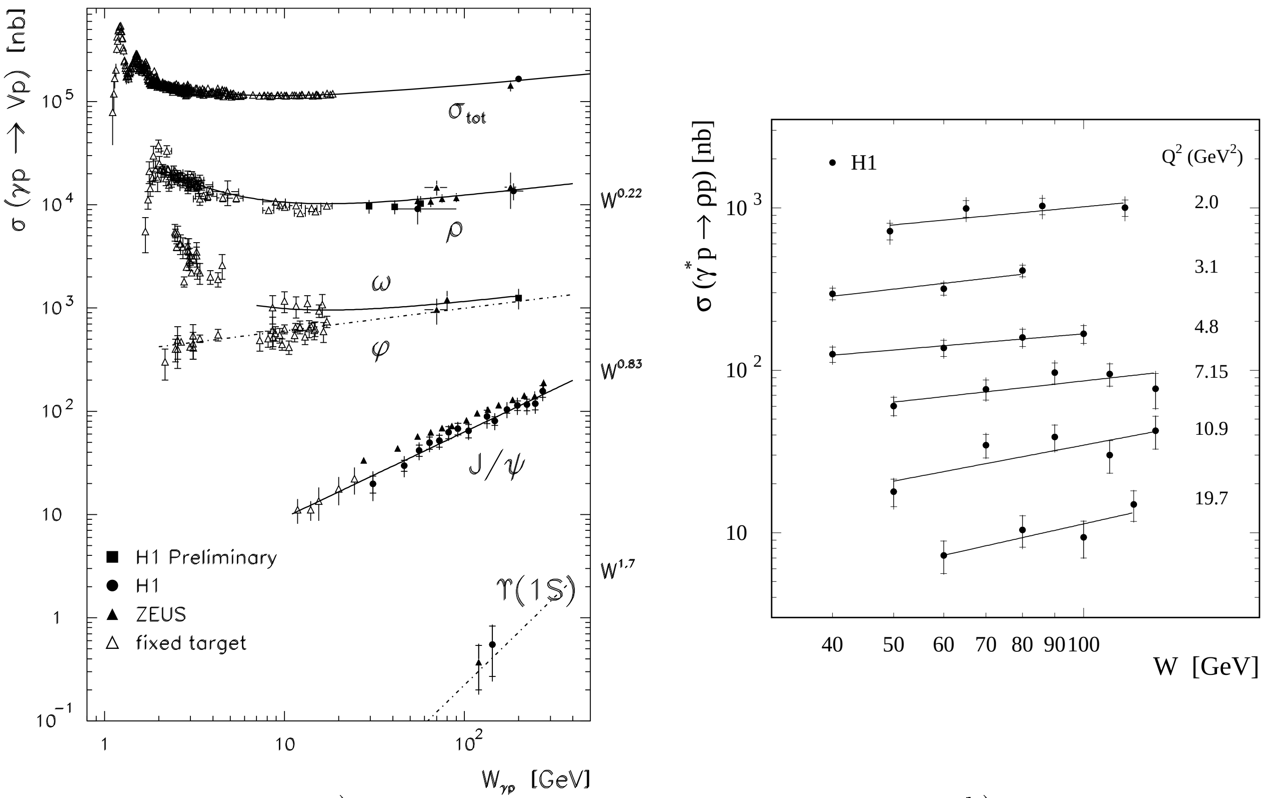
La figure 1.16 présente une compilation de mesures des sections efficaces de production des mésons vecteurs ρ, ω, ϕ, J/ψ et Υ à $W = 75$ GeV en fonction de $(Q^2 + M_V^2)$ et pondérées par les facteurs SU(5) [37]. La courbe représente un ajustement empirique aux données de la production diffractive de mésons ρ de la forme $\sigma = a_1(Q^2 + M_V^2 + a_2)^{a_3}$, avec $a_1 = 10689$ nb, $a_2 = 0.42$ GeV^2 et $a_3 = -2.37$. Le rapport des sections efficaces des mésons ω, ϕ et J/ψ à cette paramétrisation est repris dans l'encart de la figure 1.16. Dans la limite des erreurs expérimentales, une dépendance universelle est effectivement observée lorsque les facteurs SU(5) sont pris en compte, la production de mésons Υ faisant exception.

Dépendance en W

La figure 1.17a présente une compilation de mesures de la section efficace $\gamma p \to Vp$ en photoproduction en fonction de l'énergie dans le centre de masse photon-proton (W) pour les mésons vecteurs ρ, ω, ϕ, J/ψ et Υ.

La dépendance en W des sections efficaces de production de mésons vecteurs peut être paramétrisée comme :

$$\sigma(W) \propto W^{\delta}, \tag{1.74}$$



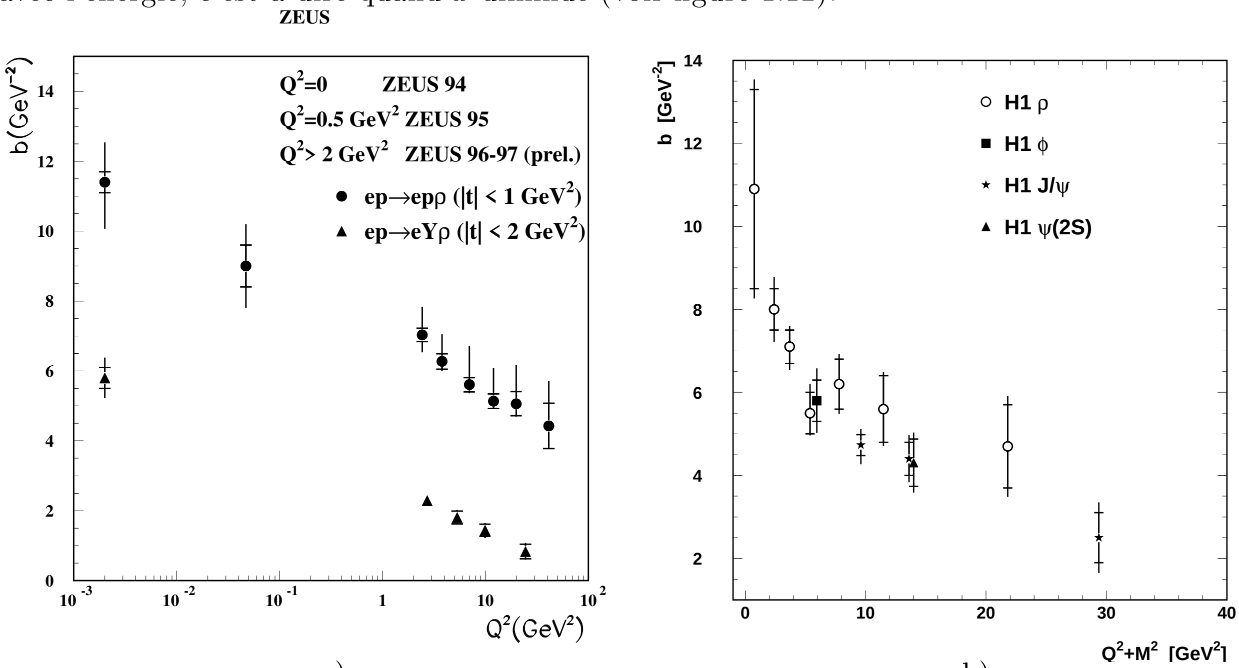
a) b)

FIG. 1.17 – (a) Mesures des sections efficaces $\gamma p \to Vp$ en photoproduction ($Q^2 \approx 0$ GeV^2) en fonction de l'énergie dans le centre de masse photon-proton (W) pour les mésons vecteurs ρ, ω, ϕ, J/ψ et Υ (expériences H1 [30,35,36,41] et ZEUS [43,45,50,52,55,56] et une compilation de résultats d'expériences sur cible fixe), et section efficace totale $\gamma p \to X$. Pour les mésons vecteurs légers (ρ, ω et ϕ) et la section efficace totale, les courbes représentent les prédictions de la théorie de Regge pour l'échange d'un Pomeron "soft" avec $\alpha_{I\!P}(0) = 1.08$ et $\alpha'_{I\!P} = 0.25$ GeV^{-2}. Pour le méson J/ψ la courbe en trait plein représente le résultat d'un ajustement de la forme $\sigma(W) \propto W^\delta$ avec $\delta = 0.83$. (b) Mesures de la section efficace $\gamma^* p \to \rho p$ en électroproduction ($Q^2 > 1$ GeV^2) en fonction de W pour différentes valeurs de Q^2 (collaboration H1 [33]) ; les courbes représentent les résultats d'ajustements de la forme $\sigma(W) \propto W^\delta$.

où δ est lié dans le cadre de la théorie de Regge à la trajectoire du Pomeron par la relation $\delta/4 = \langle \alpha_{I\!P}(t) \rangle - 1$. En utilisant $1/\langle t \rangle = b = 10$ GeV^{-2} pour la photoproduction de mésons ρ et la paramétrisation (1.32) de la trajectoire du Pomeron, on obtient la valeur $\delta = 0.22$. Pour les mésons vecteurs légers (ρ, ω et ϕ), les courbes présentent les prédiction obtenues en tenant compte de l'échange de Reggeons pour les mésons ρ et ω. La photoproduction des mésons ρ, ω et ϕ présente donc la dépendance caractéristique en énergie des interactions hadron-hadron "soft". Par contre, celle des mésons J/ψ présente une dépendance en énergie beaucoup plus forte. Un ajustement de la forme $\sigma(W) \propto W^\delta$ aux données donne $\delta = 0.83$. La production diffractive de mésons J/ψ présente donc les caractéristiques d'un processus "dur".

La dépendance en l'énergie des sections efficaces de production de mésons vecteurs a également été étudiée en électroproduction. La figure 1.17b présente les résultats obtenus par la collaboration H1 dans le cas de la production de mésons ρ [33]. Lorsque Q^2 augmente, la dépendance de la section efficace en l'énergie devient de plus en plus forte. Ce résultat suggère une transition en fonction de Q^2 entre une dépendance “soft” en photoproduction et un comportement typique d’un processus “dur” à grand Q^2. Un résultat similaire a été obtenu par l’expérience ZEUS [48].

Les dépendances “dures” en l’énergie observées dans le cas de la production de mésons J/ψ en photoproduction et de mésons ρ à grand Q^2 peuvent s’interpréter dans le cadre d’une approche perturbative de la théorie QCD où la masse des quarks constituants et Q^2 fournissent l’échelle dure de l’interaction. Dans ce cas, la section efficace est proportionnelle au carré de la densité de gluons dans le proton dont on a vu que, à petite distance, elle augmente rapidement avec l’énergie, c’est-à-dire quand x diminue (voir figure 1.12).



a) b)

FIG. 1.18 – Mesures de la pente b de la dépendance en t des sections efficaces de production diffractive de mésons vecteurs : (a) pour le méson ρ dans le canal élastique et le canal dissociatif en fonction de Q^2 [49] (b) pour les mésons ρ, ϕ, J/ψ et $\psi(2S)$ dans le canal élastique en fonction de $(Q^2 + M_V^2)$ [30, 33, 37, 39, 41].

Dépendance en t

La dépendance en t des sections efficaces de production de mésons vecteurs peut être paramétrisée suivant une exponentielle : $\mathrm{d}\sigma/\mathrm{d}t \propto e^{bt}$. La figure 1.18a présente les pentes b obtenues par l’expérience ZEUS [49] pour la production diffractive de mésons ρ dans le canal élastique et dans le canal dissociatif en fonction de Q^2. On observe une décroissance en fonction de Q^2 qui reflète la diminution de la taille transverse de l’objet en interaction au vertex supérieur lorsque sa masse virtuelle Q^2 augmente. La différence entre le canal élastique et le canal dissociatif correspond au fait que, pour le canal dissociatif, l’interaction n’a pas lieu de manière cohérente sur l’ensemble du proton mais de manière cohérente sur un quark constituant. La figure 1.18b présente une compilation des résultats obtenus en fonction de $(Q^2 + M_V^2)$ par l’expérience H1 pour les mésons vecteurs ρ, ϕ, J/ψ et $\psi(2S)$ dans le canal élastique [30, 33, 37, 39, 41]. Ces mesures montrent que la pente b diminue également avec M_V, puisque la taille de l’objet en interaction dépend également de la masse des quarks constituant celui-ci. Pour une même valeur de $(Q^2 + M_V^2)$, la pente b apparaît indépendante du méson vecteur, en accord avec l'universalité attendue pour les différents mésons vecteurs.

Etude de la structure en hélicité

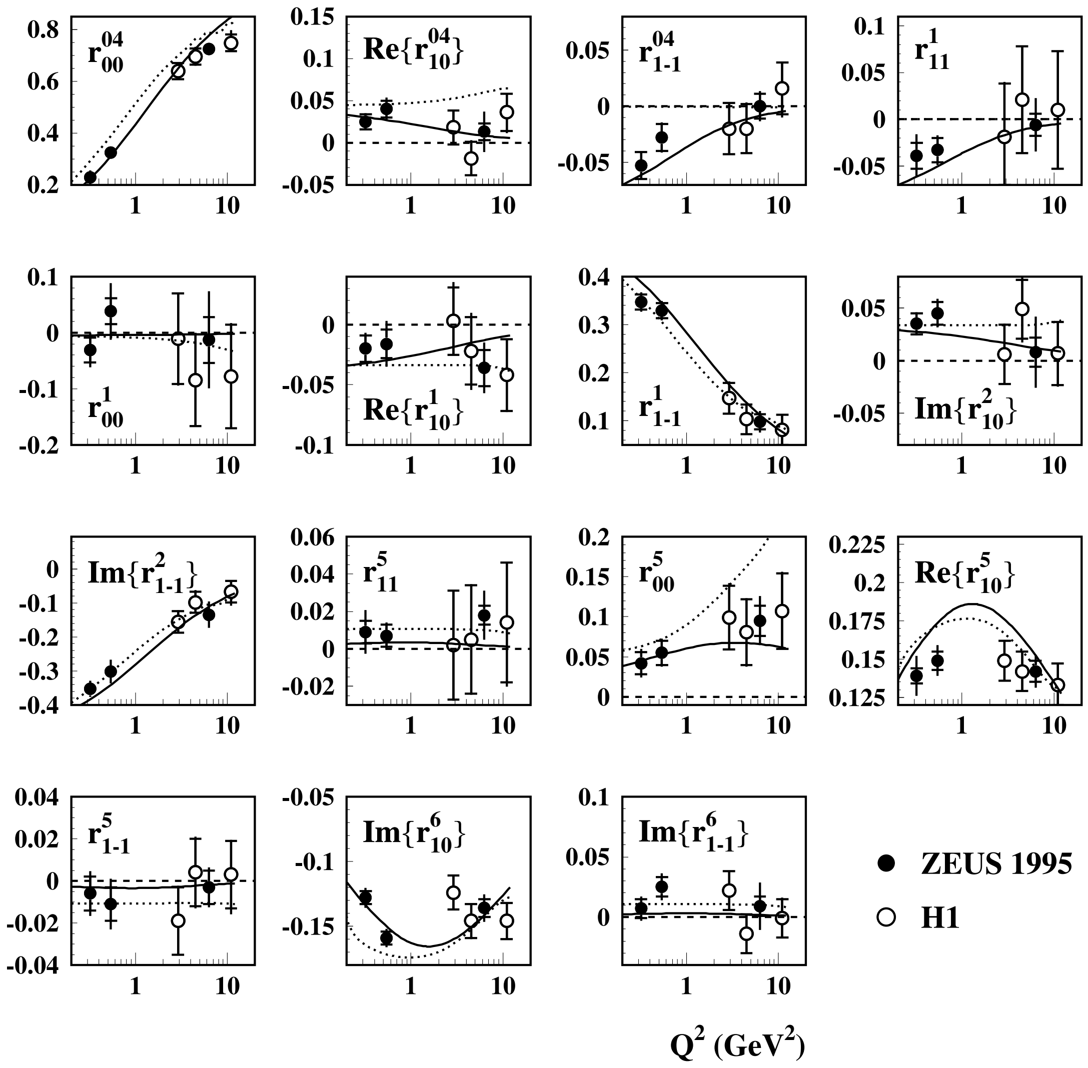


FIG. 1.19 – Mesures des 15 éléments de la matrice de densité de spin pour l'électroproduction élastique de mésons ρ en fonction de Q^2. Les cercles pleins indiquent les résultats de la collaboration ZEUS [47] et les cercles vides ceux de la collaboration H1 [33]. Les lignes en traits discontinus représentent les valeurs nulles attendues dans le cas de SCHC. Les courbes en traits continus correspondent aux prédictions du modèle de Kuraev *et al.* [72] et celles en pointillés au modèle de Royen *et al.* [71].

Les expériences H1 et ZEUS ont mesuré les 15 éléments de la matrice de densité de spin pour l'électroproduction élastique de mésons ρ en fonction de Q^2, W et t pour des valeurs de $|t|$ inférieures à 0.5 GeV^2 et 0.6 GeV^2, respectivement, pour H1 [33] et ZEUS [47] (voir figure 1.19). Les lignes en traits discontinus représentent les valeurs nulles attendues dans le cas de SCHC. Une violation significative de SCHC est observée dans le cas de l'élément de matrice r^5_{00}, qui fait intervenir l'amplitude d'hélicité T_{01}. La violation de la conservation de l'hélicité dans le canal s a également été observée pour les éléments de matrice Re r^{04}_{10}, r^{04}_{1-1}, r^{1}_{11}, Im r^{2}_{10} et r^{5}_{00} aux petites valeurs de Q^2 par l'expérience ZEUS [47]. La violation de SCHC est prédite par différents modèles basés sur une approche perturbative de la théorie QCD (voir section 1.4.3). A basse énergie, la violation de SCHC a également été observée par les expériences sur cible fixe HERMES [58] et CHIO [59].

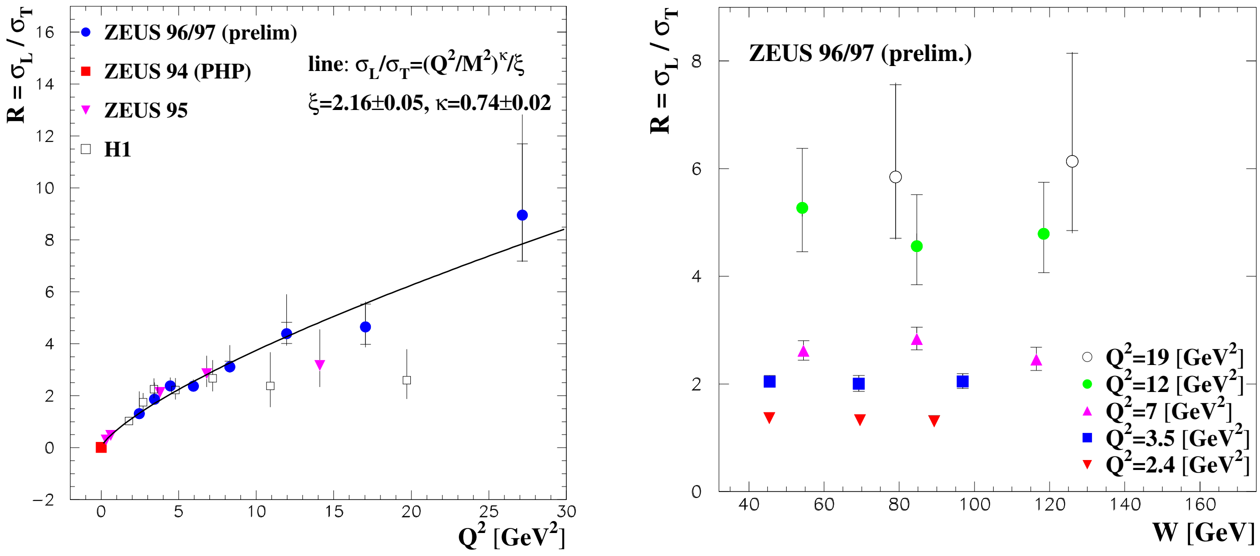


FIG. 1.20 – (a) Rapport R des sections efficaces longitudinale et transverse en fonction (a) de Q^2 et (b) de W.

Dans l'approximation SCHC, les mesures de l'élément de matrice r^{04}_{00} permettent d'obtenir à partir de la relation (1.68), le rapport R des sections efficaces longitudinale et transverse, l'effet de la violation de SCHC n'affectant le résultat que de quelques pourcents. La figure 1.20 présente les résultats obtenus pour R en fonction de Q^2 (fig. 1.20a) et de W (fig. 1.20b) dans le cas de la production diffractive de mésons ρ [33,46,48]. Dans le domaine de l'électroproduction, la section efficace longitudinale domine et le rapport R est indépendant de l'énergie dans le centre de masse.

Les dépendances en t de l'élément de matrice r^{04}_{00} et des combinaisons $r^{5}_{00} + 2r^{5}_{11}$ et $r^{1}_{00} + 2r^{1}_{11}$ ont été étudiées par la collaboration H1 pour $Q^2 > 2.5$ GeV^2 et $|t| < 3$ GeV^2 pour le méson ρ [34] : les résultats obtenus indiquent que l'élément de matrice r^{04}_{00} est indépendant de t et confirment la validité des prédictions de la violation de SCHC basées sur une approche perturbative de la théorie QCD.

Les 15 éléments de matrice de densité de spin ont également été mesurés pour l'électroproduction diffractive de mésons ϕ par les collaborations H1 [37] et ZEUS [51]. Les résultats sont semblables à ceux obtenus dans le cas du méson ρ, en ce compris la violation de SCHC observée pour l'élément de matrice r^{5}_{00}. Des valeurs similaires du rapport des sections efficaces longitudinale et transverse à celles du méson ρ sont observées pour des mêmes valeurs de Q^2/M_V^2 [60].

1.4.2 Le modèle de la dominance mésovectorielle

Dans le modèle de la dominance mésovectorielle (VDM) [61, 62], le photon est considéré, au premier ordre, comme la superposition d'une composante nue $\mid \gamma_B\rangle$ et d'une composante hadronique $\mid h\rangle$:

$$\mid \gamma\rangle \quad \sim \quad \mid \gamma_B\rangle + \sqrt{\alpha_{em}} \mid h\rangle, \tag{1.75}$$

où α_{em} est la constante de couplage électromagnétique. Cette approche est identique à celle utilisée pour décrire la création d'une paire de leptons chargés où le photon fluctue vers l'état $\mid l^+l^-\rangle$ [1].

En utilisant la théorie des perturbations dépendantes du temps, la composante hadronique du photon peut se réécrire au premier ordre de l'interaction électromagnétique comme :

$$\sqrt{\alpha_{em}} \mid h\rangle \quad = \quad \sum_n \frac{\mid n\rangle\langle n \mid H_{em} \mid \gamma_B\rangle}{\nu - E_n}, \tag{1.76}$$

où $\nu = \sqrt{\vec{q}^{\,2} - Q^2}$ est l'énergie du photon dans le référentiel de la cible et où la somme porte sur les états hadroniques $\mid n\rangle$ d'énergie E_n permis par l'hamiltonien électromagnétique H_{em}, c'est-à-dire ceux qui ont les mêmes nombres quantiques que le photon : $J^{PC} = 1^{--}$; $Q = B = S = C = 0$. Le temps pendant lequel une telle fluctuation se développe est donné, dans le référentiel au repos du proton, par :

$$\Delta t \quad = \quad \frac{1}{\Delta E} \approx \frac{\nu}{Q^2 + m_n^2}, \tag{1.77}$$

où m_n est la masse de l'état hadronique $\mid n\rangle$ considéré.

Après avoir séparé le mouvement du centre de masse et en négligeant la largeur naturelle des états $\mid n\rangle$, la composante hadronique du photon se ramène à une somme sur les mésons vecteurs V :

$$\sqrt{\alpha_{em}} \mid h\rangle \quad = \quad \sum_V \frac{e}{f_V} \frac{m_V^2}{Q^2 + m_V^2} \mid V\rangle, \tag{1.78}$$

où m_V est la masse du méson vecteur V et f_V est sa constante de couplage au photon, mesurée dans les désintégrations purement leptoniques :

$$\Gamma_V \left(V \to e^+e^-\right) \quad = \quad \frac{4\pi}{3} \alpha_{em}^2 \frac{m_V}{f_V^2}, \tag{1.79}$$

avec Γ_V la largeur de résonance du méson vecteur V. Dans ce modèle ne sont considérées que les fluctuations vers les mésons vecteurs légers (ρ, ω, ϕ), vu la prédominance de leurs sections efficaces en photoproduction.

Le modèle VDM fait l'hypothèse que les amplitudes de diffusion impliquant un photon (réel ou virtuel) de haute énergie $\gamma N \to X$ sont égales aux amplitudes correspondantes pour les mésons vecteurs $VN \to X$. Dès lors, l'amplitude d'interaction entre un photon (réel ou virtuel)

[1] La composante électromagnétique a été négligée dans la formule (1.75), la section efficace correspondante d'interaction avec un proton étant plus faible d'un facteur α_{em} que pour la composante hadronique.

et un proton peut s'écrire comme une combinaison linéaire des amplitudes pour les mésons vecteurs, chacune étant multipliée par son propagateur :

$$T_{\gamma p\to X}\left(Q^2,W^2,t\right) \;=\; \sum_V \frac{e}{f_V}\,\frac{m_V^2}{Q^2+m_V^2}\,T_{Vp\to X}\left(W^2,t\right). \tag{1.80}$$

Cette formule est valable pour des photons polarisés transversalement. Dans le domaine de l'électroproduction, une composante longitudinale substantielle est cependant observée. Le rapport des sections efficaces longitudinale et transverse, $R=\sigma_L/\sigma_T$, est paramétrisé de la manière suivante :

$$R \;=\; \frac{\xi Q^2}{m_V^2}, \tag{1.81}$$

où le paramètre ξ est un paramètre libre devant être déterminé expérimentalement. En photoproduction ($Q^2 \approx 0$ GeV^2), le photon est purement transverse et la section efficace longitudinale (σ_L) est nulle, de même que R.

En utilisant le théorème optique (équation 1.4), le modèle VDM donne, à partir de l'équation (1.80) en photoproduction, la section efficace de production d'un méson vecteur $\gamma p\to Vp$ comme [63] :

$$\left.\frac{\mathrm{d}\sigma_{\gamma p\to Vp}}{\mathrm{d}t}\right|_{t=0} \;=\; \frac{e^2}{f_V^2}\left.\frac{\mathrm{d}\sigma_{Vp\to Vp}}{\mathrm{d}t}\right|_{t=0} \;=\; \frac{1}{16\pi}\,\frac{e^2}{f_V^2}\left(1+\beta^2\right)\,\sigma^2_{Vp\to X}, \tag{1.82}$$

où β est le rapport des parties réelle et imaginaire de l'amplitude de diffusion vers l'avant. A haute énergie, la relation $\sigma_{tot}(s)\propto s^{\alpha_{I\!P}(0)-1}$ (avec $s=W^2$) permet dès lors de prédire la dépendance en énergie de la section efficace vers l'avant $\gamma p\to Vp$ comme :

$$\left.\frac{\mathrm{d}\sigma_{\gamma p\to Vp}}{\mathrm{d}t}\right|_{t=0} \;\propto\; W^{4(\alpha_{I\!P}(0)-1)}. \tag{1.83}$$

En paramétrisant la dépendance en t selon une distribution exponentielle, on obtient :

$$\frac{\mathrm{d}\sigma_{\gamma p\to Vp}}{\mathrm{d}t} \;\propto\; e^{-b|t|}\,W^{4(\alpha_{I\!P}(t)-1)}. \tag{1.84}$$

Ceci donne, pour des valeurs typiques en photoproduction pour les mésons ρ, ω et ϕ de $b\sim 10$ GeV^{-2} et en utilisant la paramétrisation (1.30) pour la trajectoire du Pomeron, une dépendance en l'énergie de de la forme :

$$\sigma_{\gamma p\to Vp} \;\propto\; W^{4(\langle\alpha_{I\!P}(t)\rangle-1)} \;\approx\; W^{0.22}. \tag{1.85}$$

Ce résultat est en accord avec les mesures des sections efficaces de photoproduction des mésons ρ, ω et ϕ présentées à la figure 1.17a. Par contre, la dépendance en énergie mesurée dans le cas du méson J/ψ ($\sigma_{\gamma p\to J/\psi p}\propto W^{0.8}$) est incompatible avec l'échange d'un Pomeron "soft".

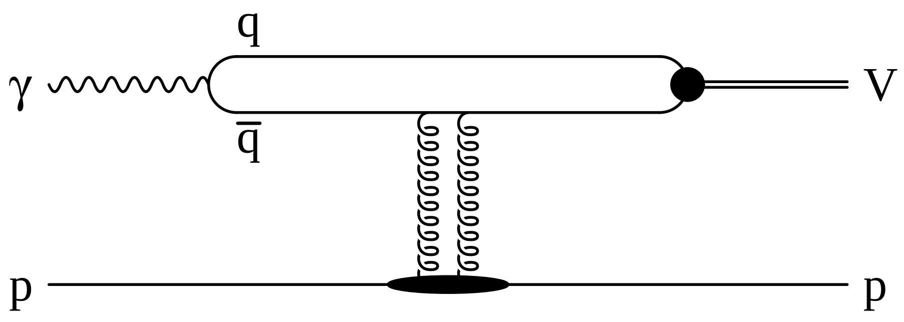


FIG. 1.21 – Diagramme de la production diffractive de mésons vecteurs dans une approche perturbative de la QCD. Seule l'une des quatre possibilités d'attacher les deux gluons à la paire $q\bar{q}$ est représentée.

1.4.3 Modèles basés sur la chromodynamique quantique

Nous présentons maintenant l'approche perturbative de la théorie QCD, qui permet de décrire la dépendance "dure" en énergie de la section efficace observée pour la production de mésons J/ψ et pour les mésons légers à grand Q^2. Afin de pouvoir envisager un développement perturbatif en puissance de α_s pour résoudre les équations de la théorie QCD, une échelle "dure" est nécessaire. Dans le cas de la production diffractive de mésons J/ψ celle-ci est fournie par la masse du quark charme m_c. Une approche perturbative de la théorie QCD (pQCD) est également possible aux grandes valeurs de Q^2 pour les mésons vecteurs légers (ρ, ω et ϕ).

L'interaction $\gamma^{(*)}p \to Vp$ fait intervenir des états liée hadroniques qui ne peuvent être traités comme des objets perturbatifs : les protons incident et diffusé et le méson vecteur (V). Il est cependant possible de factoriser les parties perturbative et non-perturbative, et de traiter les parties non-perturbatives par une approche phénoménologique. Ainsi, dans le référentiel au repos du proton, la réaction $\gamma^{(*)}p \to Vp$ peut être vue comme la succession de trois processus séparés dans le temps (voir figure 1.21) :

1. la fluctuation du photon en un système partonique, dont l'état le plus simple est une paire quark et anti-quark $q\bar{q}$ formant un dipôle de couleur. Cette fluctuation a lieu bien avant l'interaction proprement dite, dans un temps donnée par la formule (1.77).
2. l'interaction de la paire $q\bar{q}$ avec le proton, qui a lieu sur une échelle de temps courte, caractéristique des interactions fortes, correspondant à une distance inférieure à la taille du proton.
3. la formation après l'interaction du méson vecteur à partir de la paire $q\bar{q}$. Ce processus a lieu sur une échelle de temps caractéristique des processus d'hadronisation, c'est-à-dire longtemps après l'interaction, compte tenu de la dilatation relativiste du temps.

L'amplitude de transition $\gamma^{(*)}p \to Vp$ s'écrit dès lors comme :

$$\mathcal{M}_{\gamma^{(*)}p\to Vp} \quad = \quad \Psi^{\gamma}_{q\bar{q}} \otimes T_{q\bar{q}+p} \otimes \Psi^{V}_{q\bar{q}}, \tag{1.86}$$

où $\Psi^{\gamma}_{q\bar{q}}$ est la fonction d'onde du photon, donnant l'amplitude de la fluctuation du photon en un paire $q\bar{q}$, $T_{q\bar{q}+p}$ est l'amplitude de diffusion de la paire $q\bar{q}$ sur le proton et $\Psi^{V}_{q\bar{q}}$ est la fonction d'onde du méson vecteur, donnant l'amplitude pour la paire $q\bar{q}$ de former un méson vecteur V.

Collins, Frankfurt et Strikman [64] ont démontré la factorisation pour la production de mésons vecteurs par des photons polarisés longitudinalement aux grandes valeurs de Q^2 ($Q^2 \gg$

Λ^2_{QCD}). Par contre, l'amplitude de production de mésons vecteurs par des photons polarisés transversalement présente *a priori* une divergence en $z(1-z)$, où z la fraction de l'impulsion longitudinale du photon emportée par l'un des quarks. L'approche perturbative est cependant utilisable dans ce cas dans l'hypothèse ou il n'y a pas recouvrement avec la fonction d'onde du méson vecteur dans cette région [65–67].

L'amplitude $T_{q\bar{q}+p}$ est modélisée au premier ordre par l'échange de deux gluons. Le couplage des deux gluons au proton peut être identifié à la densité de gluons dans le proton à l'approximation des logarithmes dominants [68]. La section efficace de production de mésons vecteurs $\gamma^{(*)}p \to Vp$ est dès lors proportionnelle au carré de la densité de gluons : $|xG(x,K^2)|^2$ où K^2 est l'échelle à laquelle le proton est sondé. La densité de gluons augmentant rapidement en fonction de K^2 à petit x, c'est-à-dire à grand W (voir section 1.2.3), la section efficace $\gamma^{(*)}p \to Vp$ présente une dépendance "dure" en l'énergie disponible dans le centre de masse.

L'un des premiers modèles fût proposé par Ryskin en 1992 [68] pour calculer la section efficace longitudinale de production de mésons J/ψ en électroproduction dans l'approximation des logarithmes dominants en Q^2. La production diffractive de mésons ρ à grand Q^2 a été étudiée par divers auteurs [65–67, 69–72] qui prédisent une dépendance "dure" de la section efficace en l'énergie disponible dans le centre de masse γ^*p.

La plupart des modèles prédisent un rapport des sections efficaces longitudinale et transverse de la forme $R = \sigma_L/\sigma_T \propto Q^2/M_V^2$. Une telle dépendance linéaire en Q^2 n'est cependant pas observée dans les données. Plusieurs approches permettent de résoudre ce problème. Par exemple, Martin *et al.* [65] attribuent l'évolution de R en Q^2 à des effets d'ordre supérieur dans la fonction d'onde du méson vecteur qui ne sont pas pris en compte. Leur calcul est basé sur l'hypothèse de la dualité entre hadrons et partons c'est-à-dire la production d'une paire de quarks ouverte moyennée dans un fenêtre de masse autour de celle du méson vecteur considéré. Ils trouvent la formule approchée suivante :

$$R = \frac{Q^2}{M^2}\left(\frac{\gamma}{1+\gamma}\right)^2, \qquad (1.87)$$

où M est la masse invariante de la paire $q\bar{q}$ et γ est la densité anomale des gluons, définie par :

$$\gamma = \frac{\mathrm{d}\ln(xG(x,K^2))}{\mathrm{d}\ln K^2}. \qquad (1.88)$$

La dépendance en Q^2 de γ permet d'atténuer la croissance de R. Une approche en partie semblable est proposée par Ivanov et Kirschner [66] ; celle de Nikolaev *et al.* [67] invoque le mélange entre une onde S et une onde D au sein de la fonction d'onde du méson vecteur ; pour leur part Royen et Cudell [71] prédisent un aplatissement du rapport R en fonction de Q^2 dù à la virtualité du quark "spectateur" de la paire.

Prenant en compte le mouvement de Fermi des quarks de la paire, Ivanov et Kirscner [66], Royen et Cudell [71] et Kuraev *et al.* [72] prédisent la violation de l'hélicité dans le canal s avec les dépendances en t suivantes [2] :

- une absence de dépendance en t pour le rapport des amplitudes sans changement d'hélicité T_{11}/T_{00} ;

[2] Les modèles plus anciens [65,68–70] ne prennent en compte que les amplitudes avec conservation de l'hélicité et se limitent à des prédictions en $t = 0$.

- une dépendance en $\sqrt{|t|}$ pour le rapport des amplitudes avec changement simple d'hélicité sur celles sans changement d'hélicité T_{01}/T_{00} et T_{10}/T_{00} ;
- une dépendance linéaire en t pour le rapport des amplitudes avec changement double d'hélicité sur celles sans changement d'hélicité T_{1-1}/T_{00}.

Intuitivement, ces dépendances proviennent de la nécessité d'avoir un transfert du moment angulaire ($\propto \sqrt{|t|}$) afin de modifier l'hélicité. Ces trois modèles prédisent également à grand Q^2 la hiérarchie des amplitudes d'hélicité suivante :

$$T_{00} > T_{11} > T_{01} > T_{10} > T_{1-1}. \tag{1.89}$$

Les différents modèles sont affectés d'incertitudes quand au choix d'une paramétrisation phénoménologique de la fonction d'onde du méson vecteur. Ils diffèrent également par le choix de l'échelle K^2 à laquelle la densité de gluons dans le proton est prise, en général $z(1-z)(Q^2 + M_V^2) \lesssim \frac{1}{4}(Q^2 + M_V^2)$ au premier ordre, mais ce choix peut être affecté par les ordres supérieurs.

1.5 Corrections radiatives et simulation par Monte-Carlo

Dans cette section, nous considérons les corrections radiatives électromagnétiques. Nous présentons ensuite le programme de simulation de la production diffractive de mésons vecteurs (Monte-Carlo DIFFVM) ainsi que le travail effectué afin d'y inclure les corrections radiatives.

1.5.1 Corrections radiatives

Jusqu'à présent dans ce chapitre, nous avons considéré la section efficace de production diffractive de mésons vecteurs à l'approximation du premier ordre non nul de l'électrodynamique quantique, c'est-à-dire à l'ordre α_{em}^2. Par convention, c'est cette section efficace, appelée section efficace au niveau de Born (σ_{Born}), qui est extraite des données. Il est donc nécessaire de s'y ramener à partir de la section efficace observée (σ_{obs}) en soustrayant les corrections radiatives dues aux ordres supérieures de l'électrodynamique quantique (C_{rad}) :

$$\sigma_{Born} \quad = \quad \sigma_{obs}\,(1 - C_{rad}). \tag{1.90}$$

Dans la pratique, il est suffisant de ne considérer que les corrections d'ordre α_{em}^3, qui sont de quatre types :

- les corrections à la branche leptonique, correspondant aux diagrammes avec radiation d'un photon à partir de l'électron incident (figure 1.22a) ou de l'électron diffusé (figure 1.22b), ainsi que la correction de vertex (figure 1.22c) ;
- les corrections à la branche quarkonique, correspondant aux diagrammes avec radiation d'un photon à partir du quark incident (figure 1.22d) ou du quark diffusé (figure 1.22e), ainsi que la correction de vertex (figure 1.22f) ;
- l'échange de deux photons entre les branches leptonique et quarkonique (figure 1.22g ainsi que le diagramme croisé) ;
- les corrections de polarisation du vide du photon échangé (figure 1.22h).

Remarquons que les processus de radiation de photon à partir des électrons incident et diffusé ne peuvent être séparés l'un de l'autre, les diagrammes correspondant interférant entre eux. Cette remarque s'applique également aux radiations de photons par les quarks. D'autre part, les corrections de vertex respectives permettent d'annuler les divergences infrarouges dues à la radiation de photons mous. Les diagrammes 1.22c, 1.22f, 1.22g et 1.22h sont d'ordre α_{em}^2 et contribuent aux corrections radiatives d'ordre α_{em}^3 à la section efficace au travers de leur interférence avec le diagramme au niveau de Born.

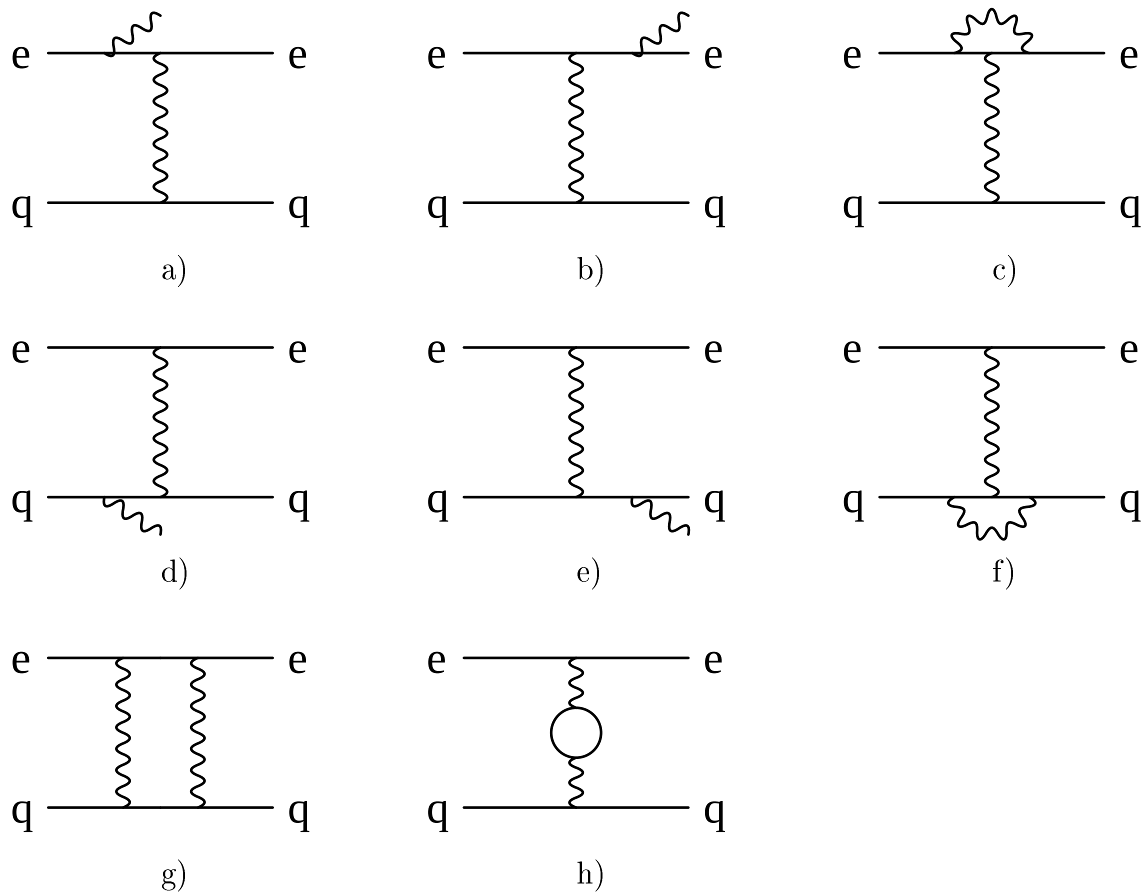


FIG. 1.22 – Diagrammes contribuant aux corrections radiatives à l'ordre α_{em}^3 dans les interactions électron-quark : a) radiation d'un photon réel à partir de l'électron incident ; b) radiation d'un photon réel à partir de l'électron diffusé ; c) correction virtuelle au vertex leptonique ; d) radiation d'un photon réel à partir du quark incident ; e) radiation d'un photon réel à partir du quark diffusé ; f) correction virtuelle au vertex quarkonique ; g) échange de deux photons entre les branches leptonique et quarkonique (le diagramme croisé doit également être considéré) ; h) correction de polarisation du vide du photon échangé.

Les corrections radiatives les plus importantes proviennent [73] de l'émission de photons réels à la branche leptonique, de la correction de vertex leptonique et de la correction de polarisation du vide. Les corrections à la branche leptonique faussent l'estimation de la cinématique lorsqu'un photon dur, c'est-à-dire d'énergie de quelques GeV, est émis. La correction de polarisation du vide modifie le propagateur du photon échangé, ce qui a comme conséquence de diminuer la section efficace. Les autres contributions peuvent être négligées dans la suite.

Les corrections radiatives à l'ordre α_{em}^3 à la section efficace peuvent être estimées à l'aide du programme HERACLES [74] qui permet de générer, à partir d'une paramétrisation des fonctions de structure du proton exprimées en termes de densités de quarks et de gluons, les sections efficaces ep à l'ordre α_{em}^2 (σ_{Born}) et à l'ordre α_{em}^3 ($\sigma_{\alpha_{em}^3}$). La correction radiative est dès lors estimée par :

$$1 - C_{rad} \;=\; \frac{\sigma_{Born}}{\sigma_{\alpha_{em}^3}}. \tag{1.91}$$

Dans la suite, nous décrivons l'interface réalisée afin d'intégrer le programme HERACLES au programme de simulation standard de la production diffractive de mésons vecteurs.

1.5.2 Simulation de la production diffractive de mésons vecteurs

Afin de corriger les données pour les effets liés au détecteur et les corrections radiatives, nous utilisons une version modifiée du programme de simulation de la production diffractive de mésons vecteurs DIFFVM [75]. Ces modifications comprennent l'interface avec le programme HERACLES de simulation des corrections radiatives et l'ajout du terme d'interférence entre les sections efficaces longitudinale et transverse.

Le programme de simulation de la production de mésons vecteurs est basé sur le modèle de la dominance mésovectorielle, dans lequel l'électron incident émet un photon qui fluctue en un méson vecteur virtuel interagissant diffractivement avec le proton. L'interaction diffractive est décrite dans le cadre de la théorie de Regge par l'échange d'un Pomeron, l'échange de Reggeon pouvant être négligé à haute énergie ($W \gtrsim 10$ GeV). La section efficace ep s'écrit dès lors en termes des sections efficaces $\gamma^* p$ longitudinale et transverse comme :

$$\begin{aligned} \frac{\mathrm{d}^3\sigma_{ep}}{\mathrm{d}y\mathrm{d}Q^2} &= \Gamma(y, Q^2)\ \left(\sigma^T_{\gamma^* p} + \varepsilon \sigma^L_{\gamma^* p}\right) \\ &= \Gamma(y, Q^2)\ \left(1 + \varepsilon R(Q^2)\right)\ \sigma^T_{\gamma^* p}, \end{aligned} \tag{1.92}$$

où $\Gamma(y, Q^2)$ est le flux de photons virtuels transverses défini comme :

$$\Gamma(y, Q^2) \;=\; \frac{\alpha_{em}}{\pi Q^2}\, \frac{1 + \left(1 - \frac{y^2}{2}\right)}{y}, \tag{1.93}$$

ε est le paramètre de polarisation donné par la formule (1.62) et R le rapport des sections efficaces longitudinale et transverse.

Afin de reproduire la saturation observée à grand Q^2 dans les données, une paramétrisation phénoménologique du rapport $R(Q^2)$ est utilisée :

$$R(Q^2) \;=\; \frac{\xi \frac{Q^2}{m_V^2}}{1 + \xi\chi \frac{Q^2}{m_V^2}}, \tag{1.94}$$

où ξ et χ sont des paramètres libres choisis par l'utilisateur. Dans le cas où $\chi = 0$, cette paramétrisation se réduit à la formule (1.81) du modèle VDM.

Les dépendances en Q^2 et W de la section efficace γp transverse ($\sigma^T_{\gamma p}$) sont paramétrisées en s'inspirant du modèle VDM. Afin de générer des événements de production diffractive de mésons vecteurs incluant les corrections radiatives de l'électrodynamique quantique, l'équivalent en terme de la fonction de structure F_2 de la paramétrisation suivante de la section efficace est fournie au programme HERACLES :

$$\sigma_{\gamma p}(Q^2, W) \;=\; \Gamma(y, Q^2)\; \Big(1 + \varepsilon R(Q^2)\Big)\; \frac{1}{\left(1 + \frac{Q^2}{m_V^2}\right)^n}\; W^{4(\alpha_{I\!P}(0)-1)}, \tag{1.95}$$

où n et $\alpha_{I\!P}(0)$ sont des paramètres libres choisis par l'utilisateur.

Les autres dépendances sont ensuite générées par le programme DIFFVM à partir du couple de variables cinématiques (Q^2,W) généré par HERACLES. La dépendance en t est prise suivant une exponentielle, la pente étant un paramètre libre. La masse invariante du méson vecteur produit est générée suivant une distribution de Breit-Wigner.

Dans le cas de la production de mésons vecteurs avec dissociation du proton, le générateur DIFFVM paramétrise la dépendance de la section efficace en la masse du système dissociatif M_Y comme :

$$\frac{\mathrm{d}\sigma}{\mathrm{d}M_Y^2} \;\propto\; \frac{f(M_Y^2)}{M_Y^{2(1+\epsilon)}}, \tag{1.96}$$

où la fonction $f(M_Y^2)$ permet de décrire les résonances dans la région des petites masses ($M_Y^2 \lesssim 3.6$ GeV^2). Cette fonction est obtenue par un ajustement aux mesures réalisées dans le cas des interactions diffractives proton-deutéron [1]. Le paramètre ϵ peut être choisi par l'utilisateur mais est en théorie lié à l'intercept du Pomeron : $\epsilon = \alpha_{I\!P}(0) - 1$. La fragmentation et l'hadronisation du système dissociatif Y sont réalisées à l'aide du programme JETSET [76]. Remarquons que lorsque le proton est dissocié, la limite cinématique inférieure sur la variable t ne peut être négligée et est approximativement de :

$$t_{min} \;\simeq\; \frac{(m_V^2 + Q^2)\;(M_Y^2 - m_p^2)}{W^2}. \tag{1.97}$$

Le programme DIFFVM dans sa version originale simule la désintégration des mésons vecteurs vers les canaux à deux branches dans l'approximation SCHC, en négligeant le terme d'interférence entre les sections efficaces longitudinale et transverse, c'est-à-dire suivant la formule :

$$W(\cos\theta^*) \;=\; \frac{3}{4}\Big(1 - r_{00}^{04} + (3r_{00}^{04} - 1)\cos^2\theta^*\Big)\,, \tag{1.98}$$

les distributions des angles ϕ et φ étant prises isotrope. Dans la version utilisée dans ce travail, nous avons réintroduit le terme d'interférence et la formule (1.72) est utilisée.

Le programme de simulation permet de générer des événements dans une région de l'espace des phases définie par des limites inférieures et supérieures sur les variables cinématiques Q^2, x et y ainsi que des bornes inférieures en W et en l'énergie de l'électron. Dans ce travail nous utilisons le programme DIFFVM afin de simuler les productions diffractives de mésons ρ, ρ', ω et ϕ avec et sans dissociation du proton, dans deux domaines en Q^2 différents. Les principaux paramètres d'entrée du programme, choisis d'après des résultats antérieurs pour la production de mésons ρ [32, 33] sont repris aux tables 1.1 et 1.2 suivant les deux domaines en Q^2 étudiés dans la suite. Pour les autres mésons vecteurs, nous utilisons des paramètres identiques.

	paramètres	valeurs
cinématique	W_{min}	10 GeV
	$Q^2{}_{min}$	0.04 GeV^2
	$Q^2{}_{max}$	0.8 GeV^2
	y_{min}	0.0006
	y_{max}	1
	x_{min}	0.00001
	x_{max}	0.5
section efficace	$\sigma(Q^2) \propto (Q^2 + m_V^2)^{-n}$	n=2.4
	$\sigma(W) \propto W^{4\epsilon}$	ϵ=0.08
	$\mathrm{d}\sigma/\mathrm{d}t \propto exp(bt)$	b_{el}=9.0
		b_{pdiss}=2.5
polarisation	$R = \frac{\xi Q^2/m_\rho^2}{1+\xi\chi Q^2/m_\rho^2}$	ξ=0.3
		χ=0.07
	Interférence	$\cos\delta = 0.90$

TAB. 1.1 – Liste des valeurs choisies pour les principaux paramètres d'entrée du programme de simulation par Monte-Carlo de la production diffractive de mésons ρ aux petites valeurs de Q^2 ($Q^2 \sim 0.5$ GeV^2) pour les canaux élastique (el) et avec dissociation du proton ($pdiss$).

	paramètres	valeurs
cinématique	W_{min}	30 GeV
	$Q^2{}_{min}$	2.5 GeV^2
	$Q^2{}_{max}$	150 GeV^2
	y_{min}	0.0006
	y_{max}	1
	x_{min}	0.00001
	x_{max}	0.5
section efficace	$\sigma(Q^2) \propto (Q^2 + m_V^2)^{-n}$	n=2.4
	$\sigma(W) \propto W^{4\epsilon}$	ϵ=0.25
	$\mathrm{d}\sigma/\mathrm{d}t \propto exp(bt)$	b_{el}=5.0
		b_{pdiss}=2.5
polarisation	$R = \frac{\xi Q^2/m_\rho^2}{1+\xi\chi Q^2/m_\rho^2}$	ξ=0.3
		χ=0.07
	Interférence	$\cos\delta = 0.90$

TAB. 1.2 – Liste des valeurs choisies pour les principaux paramètres d'entrée du programme de simulation par Monte-Carlo de la production diffractive de mésons ρ aux grandes valeurs de Q^2 ($2 < Q^2 < 100$ GeV^2) pour les canaux élastique (el) et avec dissociation du proton ($pdiss$).

Chapitre 2

Le collisionneur HERA et l'expérience H1

Dans ce chapitre, après une brève description du collisionneur HERA [1], le détecteur H1 est présenté dans sa configuration au cours de l'année 2000. L'accent est mis sur les parties du détecteur pertinentes pour l'analyse de la production diffractive de mésons ρ.

2.1 Le collisionneur électron-proton HERA

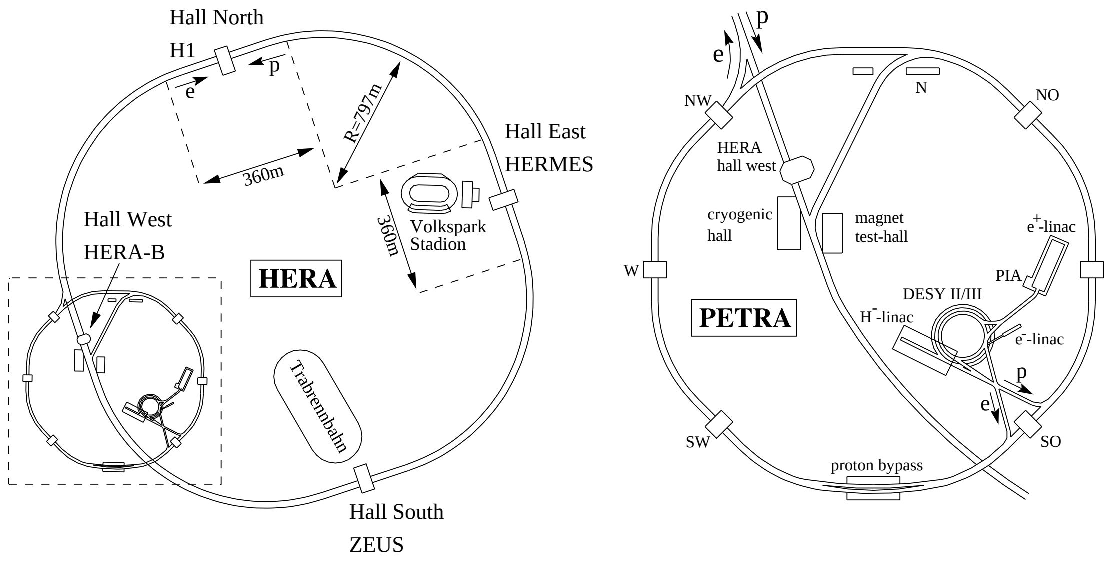


Fig. 2.1 – Le complexe d'accélérateurs à DESY.

Le collisionneur électron-proton HERA, situé au laboratoire DESY [2] à Hambourg, est entré en fonctionnement fin 1992. Il permet d'accélérer un faisceau d'électrons (ou de positrons [3]) à

[1]**H**adron **E**lektron **R**ing **A**nlage

[2]**D**eutsches **E**lektronen **SY**nchrotron

[3]Pendant l'année 2000, le faisceau utilisé était un faisceau de positrons, qui permet d'obtenir une luminosité plus élevée que pour les électrons, dont le faisceau est affecté par la présence d'ions positifs résiduels dans le tube à vide.

une énergie de 27.5 GeV et un faisceau de protons à une énergie de 920 GeV (820 GeV jusqu'en 1997). L'énergie dans le centre masse *ep* est dès lors de 318 GeV (300 GeV jusqu'en 1997), ce qui correspond à plus de dix fois l'énergie obtenue dans les expériences antérieures sur cibles fixes.

La figure 2.1 présente une vue d'ensemble du complexe d'accélérateurs à DESY[4]. Les deux tubes à vide constituant HERA sont localisés dans un tunnel quasi-circulaire situé à environ 20 m sous le niveau du sol et ayant une longueur de 6.3 km. Les électrons sont successivement amenés à des énergies de 500 MeV, 7 GeV et 12 GeV suite à leur passage par un pré-accélérateur linéaire (LINAC) et deux pré-accélérateurs circulaires (DESY II et PETRA). Les protons sont produits à partir d'une source d'ions H^- et sont ensuite accélérés dans les anneaux DESY III (à 7.5 GeV) et PETRA (à 40 GeV). Les électrons et les protons sont alors injectés en paquets de 10^{10} à 10^{11} particules dans HERA et y sont amenés à l'énergie finale par une série de cavités radio-fréquences. Ces dernières servent également, dans le cas du faisceau d'électrons, à compenser la perte d'énergie par rayonnement synchrotron. Le guidage des faisceaux est assuré par un ensemble d'aimants dipolaires et quadrupolaires.

Les paquets de protons et d'électrons se croisent toutes les 96 ns, ce qui correspond à un total de 220 paquets. Environ 175 d'entre eux sont à la fois remplis par des protons et des électrons, les autres restant non appariés. Ces derniers constituent les paquets "pilotes" qui permettent d'étudier les bruits de fond intrinsèques produits par les faisceaux de protons et d'électrons dans le détecteur, suite notamment au rayonnement synchrotron et aux interactions sur les ions du gaz résiduel présent dans le tube à vide. Les paquets de protons ont une structure longitudinale composée d'un paquet central accompagné de deux paquets "satellites" situés à ± 5 ns. Pendant l'année 2000, des courants de 40 mA pour les électrons et de 50 mA pour les protons ont été obtenus, ce qui correspond à une luminosité instantanée de $1.5\,10^{31}\,\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}$.

Les faisceaux de protons et d'électrons interagissent dans les halls nord et sud, où sont installés les détecteurs multifonctions H1 et ZEUS. En plus, les halls est et ouest abritent deux expériences sur cible fixe. Dans le hall est, le détecteur HERMES étudie les interactions du faisceau d'électrons polarisés avec une cible de gaz polarisé (H_2, D_2, He). Le but principal de cette expérience est la mesure des contributions au spin des nucléons dues aux quarks, aux gluons et à leur moment angulaire. Dans le hall ouest, l'expérience HERA-B étudie les interactions entre les protons situés à la périphérie du faisceau et une cible constituée de fils tendus à l'intérieur du tube à vide. Le spectromètre fut achevé au début de l'année 2000 et les premières données ont permis de mesurer la section efficace pour la réaction $pN \to b\bar{b}X$. Le programme de HERA-B comprend également l'étude de la suppression de la production de charmonium (mésons J/ψ, ψ' et χ_c) dans la matière nucléaire.

En octobre 2000, la prise de données a été arrêtée afin de procéder à des modifications importantes de l'accélérateur HERA et des expériences, en vue d'obtenir une augmentation de la luminosité et de mettre à la disposition de toutes les expériences un faisceau d'électrons polarisés longitudinalement. La partie principale de ce travail a été achevée en août 2001 et l'accélérateur a été remis en fonction. Les premières collisions entre paquets d'électrons et de protons pour cette deuxième phase de HERA ont été obtenues au milieu de l'année 2002.

[4]L'anneau de stockage DORIS servant à la production de rayonnement synchrotron n'est pas représenté.